

## DELHI UNIVERSITY LIBRARY

## DELHI UNIVERSITY LIBRARY

Cl. No. B2

168N23

Ac. No. 2 4-91

Date of release for loan

This book should be returned on or before the date last stamped below. An overdue charge of 0.5 nP will be charged for each day the book is kept overtime.



تفرق ساواتي

ایڈورڈ کے مملی احصاکے آخری پانچے ابور کا او چرب از قاضی محکمہ بین صاحب ایم لیے بروفیہ ریاضات کی جامع عانیہ ہے جیدرآبادد من

المالية مر طبي المالية مي المالية.



یا کتاب مسرس کیلن کمپنی کی اجازت سسے جن کوحوق کابی رائٹ ماصل ہیں طبغ کا کئی ہے۔

فهر مصف المن المن المن المن المن المن المن المن			
عو	مفنسون		
	باب اول - رتبط اول کی تفرقی ساواتیں تاب بین ماریک کی تفرقی ساواتیں		
4	" تفرتی مساوات کی تکوین ۔ شغیبر مدائی پذریہ		
4	خطي مبيا وأثنرا		
	باب ووم ـ رتبهٔ اول کی تفرقی مساواتیں (مسلسل)		
١٩٠	متجانس مساواتیں • ایک حرن غائب		
44	ایک ترک قامب کلیروی صورت		
, .	باب شوهم رتبهٔ دوم ی ساواتین تفیک تفرنی ساواتیں		
بوسم	خطی مت واتیں		
44	ایک فرف غائب خطی ساوات کی عام سے عام صورت کسی ایک رقم کا مکال دیتا ۔ علیک تفرقی ساواتیں		
٣4	نکال دیتا ۔		
49	عليك تفرتى ساواتين		

۔) پر قطع کرے ۔ ظام رہے کہ اس طرح سے علوں ہ

ار اس طرح سا قط بوسکت ہے ا۔ ما وات کو او سے لئے حل رواورات شکل ذیل میں لکھو فد (لا م م ع ال م م الله ع ال م م الله ع الله ع الله ع الله ع الله على الل

ایک مساوات کلام ما اور ما میں حاصل مہوتی ہے ۔ برمکن ہے کر تفرقی مساوات سے نبائے میں او سے لئے ساوات حل

نه موسکے ۔ اس صورت میں

ساوات ب (لام ما الر) عن كالجاظ لا سے تغرق كرنے سے مامل ہوگا

میں ایک ربط عاصل مو گا فرض کردکہ یہ ربط ہے

۵

مک تفرقی میاوات ہے ( واضح ہو کربڑے سے بڑا تفرقی سراس م ب) جوائن تام دائروں سے متعلق ہے جن سے مرکز لا ، محورید متنال ٧ - آئن تام مرکز دارمخروطی تراشوں کی تفیر تی مسا وات معلومہ د جن سے محور محدو دیں ہے محوروں م**ی**نطبق جو سے ہیں مخروطیوں سے اس قبیل کے کسی آیک رکن کی نمیر نہ تی مساوات مبولی 1=16 4 191 تفرق كرف س أولاء ب الماء. دوباره تفرق كرنے سے الب ب (ماله ما مل )=. جسسے لا ( م + ما طور) - ما مام = ٠ مطلوبہ تفرقی ساً دات عامل ہوتی ہے۔ استعاط الٹ نہیں سکتا۔ تعموم آوپرِ کاعمل استفاط السط تنهیں سکتا اور حب ایک قبیل کی تغربی مسالوات دی مونی مواور مهراس سے کسی ایک رکن می نموند کی ت معلوم کرنا چاہیں توہمیں عمِل تکمل کی طرح چند معیاری صورتور سے کام کئے بغیرطارہ ہیں ہوتا اور کئی مسا واتیں الیبی بیدا ہوتی ہی يتفرقي ملسا دات كوص كرنا مقصلو دببوتوسيس لان بإ اور ف اختياك تتقلات میں ایک ایسا جبریہ ربط معلوم کرنا چلہ کئے کہ ان متقلات کوسا قط کرنے برمفرد ضہ تفرقی مساوات طاصل ہو سکے۔ ایساجبریہ ربد مساوات کاعام سے عام حل خیال کیا جاتا ہے۔ يبلي رتبه كي تفرقي مسا واتين تفرقي مساواتيس يبك رشبه كي تفرقي مساواتين ٧- انكى يارنج معياري صورتيس بي صورت اول مشغير حداني نيدبير وہ تام مساواتیں جن میں فر لا اور لا والی تنام رقبیں مساوات کے ایک طرف اور فر ما اور ما والی تنام رقبیں دوسری طرف لانی سیار اس صورت مع متحت مين أتى بين اوركمل كرف سے فوراً عل بومنى في طال میوتا ہے جس میں ایک انتیاری متقل کو شامل ہے۔ شال ١- الرياب و المنافقة تَ (لا+ ١٠) فرلا= (١٠ + ١) فرا جس میں أیب اُختیاری سنقل او سامل ہے۔ استل ذيل كى تفرقى مسا وا توں كوحل كرو لا جُمْ افرلا = ماجمٌ لا فرما

 $\frac{i+1+1}{6N} = \frac{i+1+1}{1+1+1} = \frac{i-1}{6N} + \frac{i+1+1}{1+1+1} = \frac{i}{N}$ مرت بت كروك مثال مو ع قبيل معنبات كأبراكي ركن مثال و ك مِرْرِين كوعلى القوانم قطع كرتا ہے۔ (3++1) 1/4+1 = -1-1 1 + 1-4 = 12 ے۔ نابت مروکہ وہ تا منحی من میں عادی مربع ستی نیم قطرے مربع کے سماوی ہے یا تودائرے ہیں یا قائم زائد۔ ب ثابت كروكه ايك ايسامنى حب كاكسى نقطه يركاماس اس نقط یستی نیم قطرسے سائٹد مستقل زاوید (عد) بنانے صرف اس ج ر و الموسم عدس معلق بوسكتا ہے۔ 9 - اُن منحنیات کی مساواتیں معلوم کروجن میں (۱) کارٹینری زیرماس ستقل ہو (۲) کارفینری زیرعادستقل ہو رم ) قطبی زیر عاد مستقل مو ائس منی کی کاریمیزی مسا وات معلوم کروجس سے ماس کا طول ب ذیل شکل کی مساوات اليون المراح في المراء المسلك العرا

يبيارتىد ئى تفرقى مساواتى تفرقى مهسا داتيس ما + شت، ما ی ق دونوں جانب رقو<sup>ن دولا</sup> سے ضرب دیریا حامے باوات اس طرح نمین جاسکتی ہے مران مرالا مران ( ما توگرن فرالا ) = تی قو فو مرالا ما کا با ہی ربط تفرقی مساوات کو پوراکر تاہے اوراس میر متقل شامل ہوتا ہے۔ رتی تو<sup>ک دلا</sup> کے ساتھ ضرب و پنے سے مساوات سے دائیں جانب کارکن پوراتفرقی سرموجاتا ہے اس کئے اسے اس طرح تکسی مباسستی ہے اس طرح تکسی مباسستی ہے فرلا اور اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ 1+73=706

يبيدرتبه كي تفرقي ساواتين باواتين جوخطي صورت بين تحويل بهوسكتي ىئى مسا داتىں جو دىكھنے میں خطی تنكل يا فرى + (۱-ن) ت ى = ق (۱-ن) ييعے رتبه کی آغرقی مساواتیں تفرقي مسا وأيس جوایک ظی مسا درت ہے اور اس کو مل ہے ہے موراس کو مل ہے ہے می ورا - ن کی کو فرلا = (۱ - ن) کی قو میں مون ولا ا - ن کی کی و ا - ن کی کرن ولا ا حل مینی ما - ن ورا - ن کی کرن ولا ا حل ا میں ما ن و و ا - ن کی کی و مولا + او کی کرن ولا مولا + او کرن ولا مولا + او کی کرن ولا مولا + او کرن ولا مولا + او کی کرن ولا مولا + او کرن ولا + ا مثال ا -  $\frac{2}{6}$  +  $\frac{4}{10}$  =  $\frac{1}{2}$  کوکمل کرو يال ما ولا + الله الله

یا + = ی رسکفے سے

 $1 = \frac{c}{V} - \frac{c}{V} = -1$ 

اور چونکه شکل جزو ضربی او یک الله اور اوک لا = الله سب اس مے ور ( اللہ ) = - اللہ

يني کي = لوک الله + له ينى ب = الا لا لوك لا

مثال المه ساوات فراله به لاجب الأجم الوثولاً جمّ ما بِنِعتب مرك سے قط ا ولا + الاس ا= لا

ت <u>دلا</u> + ۱ لای = لا ى ولا = ك لا ولا مرلا+1 فرض کروکہ لاتا ہے

تُبُ الا فرلاء فرسه پس کر لاس تولاً فرلاء له کرسد وسه فرسد

= + em ( mm -1) + el' = + el' ( l' -1) + t

ذیل کی مساواتوں کو تکمل کرو

١- (ا+لا) وله + ا = فو ١- فرا + را = جب بلا 

يهلي رتبه كي تفرقي مساواتين ے ۔ ٹابت کروکہ دفعہ ے سے حل میں کوئی زیا وہ عمومیا ببیں ہوتی اگر شکمل جزوضربی و کو<sup>ن فر لاکے حاصل کرنیں قوت ٹاکسا تھا</sup> مشقل كالضافه كرديا جامي ایسے منی معلوم گروجن میں کارٹینری زیرعا والیسے بدیے جیسے  $\frac{7}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}$ 11- 14 + Kd = Kd -17 -  $\frac{54}{54} + \frac{1}{4}$  مس  $\frac{1}{2}$  -  $\frac{1}{2}$  ما جب الركو ا = جب اك

۱۳- وی + بی لوک ی = ی (لوک ی) [رکھو ی = وا ا

[ رکمو ی ۔ لوک ما ] فمعلوم كروجن كاسمتى نيم تطرا در قطبى زير ماس سم

وں کا مجموعہ مستقل ہو۔ ایسے مخینات سے قبیل می قطبی مساوات معلوم کر دجن میں سمتی ایسے مخینات سے قبیل می قطبی مساوات معلوم کر دجن میں میں تطراورتطبی زیرعاد کا مجموعہ ایسے بدلے جیسے سلتی نیم قطری ن

ے آ۔ ثابت کروکہ ایسے منی جن میں انخار کا نیم قطرا یسے بدلتا ہو جیسے عاد برکے عمود کا مربع ایک اتیبی جاعبت سے تعلق رکھتے ين فِس كى بالين مسأوات الاع = ع + بل + او واكع

ہے جہاں ک ایک معلومہ اور آبر اختیاری متعلیہ ہے۔

۱۸ وزل کی سا واتوں تو کمل کرو

(۱) خرا +  $\frac{1}{K} = \frac{6}{K^{2}}$  (۲) خرا +  $\frac{1}{K} = \frac{1}{K^{2}}$  جو جب ب الا (7)  $\frac{\dot{\zeta}_{1}}{\dot{\zeta}_{1}} - \frac{\lambda_{1}}{1 + |\zeta|} = (1 + |\zeta|) \frac{\dot{\zeta}_{1}}{\dot{\zeta}_{1}} = (1 + |\zeta|) \frac{\dot{\zeta}_{1}}{\dot{$ (4)  $\frac{(1)}{(4)} = \frac{(1)}{(4)} = \frac{(1)}{($ 

ببطرتبه كى تفرقى مساوتي

یہلے رتبہ کی مساواتیں (سسس) متحانس مساواتیں ۔ ایک حرف غائب كليهروى صورت لاف ( لله ، فرل ) = . ولاف ( لله ) و فرل ) = . دول المرحكن موتواس صورت ميں جم مساوات كو فرلا كے لئے ص کرنے کی کوشش کرتے ہیں کا اس طرح اس شکل کا نیتیہ حاصل ہوتا  $\left(\frac{1}{V}\right) \sim \frac{1}{V}$ و+ لا <u>فرو</u> = فه (و) يا فرو - ولا اس طرح متغیر الک موج تے ہیں اور سا وات کا عل صورت اور 10

يبيراتبه كى تفرقى معاوتي لیس لوک لا لا= م فرور درا- و (ب) لیکن اگر فرمل کے نئے حل کرنا تنظیف وہ یا نامکن ہوتوساد کو اللہ کے لئے مل ترنا جا ہے، اس طرح فرال کے لئے ع رکھنے سے بلاظ لا مے تفرق کرنے سے  $3 = i\kappa(3) + ki (3) \frac{63}{6}$ یا فرلا = فرزع) فرع الله ع - فدرع) اس ساوات کو کمل کرنے ہے ہم لا کو ع کے تفاعل اور ایک فتیا کا منتقل کی رقوم میں بیان کرسکتے ہیں ۔ سنتے اولا ہے اس رہ اس میں میں استعار نے سے عظم کو ان مساواتوں (۱) اور (۲) سے ساقط کرنے سے مطلوب طاصل موا ہے۔  $d = \frac{d^2}{2} \left( \frac{7}{4} + \frac{7}{4} \right) = 1$ 16+4 = 60 July لا <u>فرلا</u> + ر = <u>وب</u>

تفرقي مساواتين

يه طال اسقاط به لوك ( ولا (- الله الم المولا) = الله (+ الله الم المولا) لیکن اگر جبریه طریق پر ع کو ساتط کرنا مکن نه مویا اگرسا قط کرنے برایک بے ڈھنگا سا نتیجہ حاصل ہوتو عام طور برے ع والی ان مساولو يهيئه رنبه كي تفرقي مساوتي

کوبغیر بدلے اسی شکل میں حیور ؓ دینے ہیں'اور انہیں المیسی ہمزاد مساؤا خیال کرتے ہیں جن کاع 'حاصل اسقاط تفرقی مساوات کاحل مطلوب ہے۔ ذیل کی تفرقی مساواتوں کو حل کرو۔  $\left[ \frac{(l)}{(k)} + \frac{l}{(k)} \right] = l - N$   $\left[ \frac{(l)}{(k)} + \frac{(l)}{(k)} \right] + \frac{(l)}{(k)} = \frac{l}{(k)} + \frac{(l)}{(k)} = \frac{(l)}{(k)} + \frac{(l)}{(k)} + \frac{(l)}{(k)} = \frac{(l)}{(k)} + \frac{(l)}{(k)} = \frac{(l)}{(k)} + \frac{(l)$ ساوات وما = اللاب المجع الساني سجان شكل مين اس طح لائی جاسکتی ہے ۔ اس میں رکھو لا = صَلَّ + هم } جہاں صَلَّ عَا سَغِير ہيں اور تب وعا = رضاً + ب عا + (رص + ب ك + ج) رضا = رضا = رضا + ب عا + در ص + ب ك + ج) اب هوك كى تيمتين اليي مُخب كروكه فره ب ك جج = ٠ پِي <del>هم - کن - کن - اِن - اِن</del>

تب فرغا = المفادب عا ر ملا جب ما وات مجانس ہے اس میں ہم رکھ سکتے ہیں عا۔ رضا اور شغیر حسب سابق الگ ہو سکتے ہیں ۔ اا۔ لیکن ایک صورت میں ھ'ک اس طبح متحب نہیں ہو سکتے۔ اس صورت میں فرض کروکہ لیے = م اور اولا + ب ا = عا تب فرا = الرفعا - لر) تب فرا = با (فرالا - لر) بس ( و عا - ر) = ب عا + ج ر فرعا - روم + ب)عا + و ج + ب ج ا فرلا - معا + بح اور فرلا = معالم بن فرعا معیراب الگ بوسکتے ہیں اور مساوات کا تکمل عل میں آسکتا ہے۔ متعیراب الگ بوسکتے ہیں اور مساوات کا تکمل عل میں آسکتا ہے۔ ١٧ - أيك ادر صورت قابل توعبر ہے يعنی فرا = الدلاب ابع فرلا - بلاب ابع جمال شاركنده ميں اكا سر نسب ناميں لاكے سركے ساوى اور مختلف العلامت سبئے ۔ اس صورت میں ساوات اس طرح لکھی جا سکتی ہے (ولاجع) فرلا+ب (ما فرلا+ لا قرما)= (ب ما+ بح ) فرما

19

ببطرشه تنفترني سساواتين جوایک تیک یا حافر تفرقی مسادات ہے اس کا تکملی ہے اللهد بن لا + اب الاماءب الد ٢ م م م م م م جال م افتيارى مستقل سيء  $\frac{1}{n!} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{N} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{N} \frac{1}{$ ركهو لا= ضا+ حركم ا= عا +ك بس رعا = عضا+ ۳عا+ (۱۹۹۲ - ۱۹۰۸ - ۱ ه اورک کی فیمتس ایسی نتخب کروکه ۲ هه ۲ س ۲ سه ۲ کی ه د ۱ ک = ۲ ه د ک - ۳ = ۰ کی ه د ۱ ک = ۲  $\frac{c_{3}}{\sqrt{2}} = \frac{c_{3}}{\sqrt{2}} + \frac{1}{2}$ اب رکو کا عدو ضا عتب و+ ضا فرف = <del>۱+ ۳ و</del>  $- \frac{c}{2} = c - \frac{1 + 2c}{1 + c} = \frac{c^2 - 1c - 1}{c + 1}$  $-\frac{col}{col} = \frac{c+1}{(c-1)!} = cc$  $= \left[ \left( \frac{1}{|P| + |P|} - \frac{1}{|P|} \right) \frac{1}{|P|} + \frac{1-9}{|P|} \right] = \frac{1}{|P|} + \frac{1-9}{|P|} = \frac{1}{|P|} = \frac{1}{|$ ۵ - لوک ضا= با لوک { رو-۱) - ۳ } + با لوک و - ۱ - استا + او  $\frac{r-b}{4-8} = 5$  1 | 1-1 =  $\frac{b}{4-8}$ 

تفرقی مساواتی ۲۰ پیارتبه کی تفرقی مساورتب مشال ۲۰ پیارتبه کی تفرقی مساورتب مشال ۲۰ سیکمل کرو  $\frac{c_1}{c_1} = \frac{c_1}{c_1} + \frac{c_2}{c_1}$  مشال ۲۰ سیکمل کرو  $\frac{c_1}{c_2} = \frac{c_1}{c_1} + \frac{c_2}{c_2}$  خرض کرو که  $c_1$  که  $c_2$  سیل

 $\frac{(d)}{(d)} \frac{(d)}{(d)} \frac{(d)}{(d)} \frac{(d)}{(d)} = \frac{(d)}{(d)} \frac{(d)$ 

ن لا = الله مى - الله لوك (۱۰ مى - ۱) + او جهاں مى = لا + ما المت لمه ذمل كى مساواتوں كوتكمل كرو-

 $\frac{m-b+4y}{p-b+4y} = \frac{cd}{y} - r \qquad \frac{bm+4y}{bm+b-4} = \frac{b}{y} - 1$   $\frac{d}{d} + \frac{d}{d} + \frac{d}{d$ 

-- (1 K+41-0) (1 + 4 K+41-0=.

۹ - ثابت کروکه ایک ذره کون ما جواس طح حرکت کرتا ہے که مرحت کرتا ہے که مرحت کرتا ہے که مرحت کرتا ہے کہ مرحت کرتا ہے کرتا ہے کہ کرتا ہے کہ کرتا ہے کرتا ہے کرتا ہے کرتا ہے کرتا ہے کہ کرتا ہے کہ کرتا ہے کرتا ہ

و لا + ب ما + ف) ورت بیشه ایک مخروطی تراش پر واقع بهوتا ہے۔ ١٠- نابت كروكه عام تجانس مساوات ف (يلي ومله) =٠ ے مل ہیشہ متشابہ نحنیات سے قبیل کو تعبیر کرتے ہیں۔ ١١ - تابت كروكه ف ( الله ، فرمل ) .. مح مل لا ما اور رایک ستقل کی کسی خاص فوت میں مجاکش ہیں ۔ برعکس اس سے ایک قبیل مخینیات سے سمی رکن کی نمونہ کی مساوات اڈ' ما عُلْ كَيْ تَسَى خَاصَ قُوتَ كِي كَاظَ يَسِهِ مَتَجَانِسَ مِوتُواسِ قِبِلِ كَي تفرقی مسآوات بھی متجانس ہو گی اور قبیل کے متنی سعب ایک دو<del>ر</del> کے مُتشابہ ہوں گئے۔ ۱۷۔ بناؤکر ل<sup>ی</sup> ب کی خلف قیتوں سے گئے منحنیات سے قبال فیل میں سے کون کو ن سے متشابہ جیوں کو تعبیر کرتے ہیں۔ (1) ما"= سم لو لا (r) ما = ال جمنر الا  $\frac{y}{rA} \int d^{3}r = b(r)$   $j = \frac{1}{12} + \frac{y}{12}(r)$ (۵) ب سن المعادل (۲) الالم المعادلاط (۵) ۱۳-صورت بہارم۔ ایک حرف غائب لا غائب راد) فرض کرو که تفرقی مساوات میں لا موجود نہیں ہے، اس صورت لا غائب

یں مساوات کی نشکل بیر ہوگی ف (ما مولك ) = . اسے ہم ول یا ماک نے جیا مناسب ہومل کرسکتے ہیں۔ (۱) اگر ولا سے نے مل کیا جائے توساوات کی صورت  $\frac{\dot{\zeta}}{\dot{\zeta}} = \dot{c}_{\kappa} (\dot{\delta})$ تب فرلا = فرمل اور کملی ب الا = کر فران + او (۲) اگر فرما کے نئے حل کرنا تکلیف دہ یا نامکن ہوتو ہم ما کے لئے مل کر سکتے ہیں، ایسا کرنے سے ماصل ہوگا ما = فدرعی بہاں ع تفرقی سر فرمل کی بجائے لکھا گیا ہے۔ بھاظ لا سے جو مساوات میں موجود نہیں تفرق کرنے سے ع = قدرع) رع يين فرلا = فَمُرْعٌ فرع لا = ك<u>قراع)</u> فرع + إ

ما غائب 22 ممل کاعل بوراکرنے پر ہم ع کواس ساوات اور ما = فہ دع) سے سافظ کرتے ہیں، اسطرح مساوات مفروضد کا مل حاصل ۔ ما عالب (ب) وض مرو کہ تفرقی ساوات میں ما موجود نہیں ہے ' اس صورت میں اس کی شکل ہوگی ن (لا ، ولا )=. چونکہ ور او او اور کی مساوات اس طح میں لکھی جا مکتی ہے سا (لا مولا ) =. كيس اكر ما كومتغير سبوع مانا جائ تو دفعه ماقبل كي تشريح كا اطلا اس پر بھی ہوتا ہے اور وہ اس طرح ۔ (۱) بشرط سہولت ولا کے نئے مل کرنے سے

<del>الا = ق</del>ه (لا) (N) = 6/V

٢١) ميكن أكر ولا سے في مل كرنا تخليف ده يا نامكن جو تو

لا کے لئے مل کرنے سے ہم اس طرح کا نیتجہ حاصل کرتے ہیں لا = فدرق)
جہاں ق ، ولا کے لئے کھا گیا ہے۔ بلحاظ ما کے جو ساوات
میں موجود نہیں ہے تفرق کرنے سے

ے ماط مرما پہلھ میں میں طرق میں موالی است موجود نہ ہو طالب علم دیکھے کہ دونوں صورتوں میں خواہ لا موجود نہ ہو یا مائیم ختی الاسکان سب سے پہلے فرانے سے مل کرنے کی

شغیر متہوع خیال کیا جاتا ہے۔ مثال ا۔ مساوات ا+لاً- لا حربا =، کو مکمل کرد

اسجكه ورا = الملا يني وما = (لا + الله) ولا

ایک مون غا

ا = الله لوك لا + ال على مطلوب ي مثال ۲ - مل كرو لا قرا = ا+ ( قرا ) كو- مثال ۲ - مل كرو لا قرا = ا+ ( قرا ) كو- مساوات اس طرح لكمى جاسكتى ہے لا = ق + أ جهال ق = فرال يهال مسادات بين ما موجود نبين ہے ۔ اس سے محافا سے تفرق كرتے سے

 $\frac{1}{100} = \frac{1}{100} = \frac{1}$ 

 $\frac{1}{P_{13}} - \frac{1}{2} = \frac{62}{52}$ 

اور ما = لوك ق + المرب + إ اس ساوات اور ساوات کا = ق + لے کا ق مصل اسقاط عل سطلوب ہے۔

ذیل می مساواتوں کو حل کرو  $\frac{1}{4} + 4 = \frac{60}{4} - 1$  $\frac{1}{4} + 6 = \frac{62}{312} - 1$ 

-- V+ K -- V--

7- (16 K+K) - 1 = 6+16 K

تفرقی سیا دا تیں

محليروى صورت 1 1+ 1 = 17 (1+11r) -0 ١- ١ = جد، (ولا) - ولا جم (ولا) ( 1/2 ) - + ( 1/2 ) 1 = 1 - 4 10 - صورت بنج - کلیروی صورت ما دلا فرا + ف (فرا برا کے ان ع کفتے سے ما = ع لا+ ف رع) .... دا) بحاظ لا کے تفرق کرنے سے 3=3+ le (3) (3) (4) (r) (3)  $\begin{cases} (4+i)(3) \end{cases}$ جس سے ورع = ٠ یا لا+ ت رع )=٠ اب فرع = . سے ماصل ہوتا ہے ع = ج جہاں جمعتقل کیس کا ہے ج لا + ف (ج ) تفرقی ساوات کا ایک طل ہے جہاں ج مستقل ہے۔ نيزاكرع كومساوات

منظم يروى فلورت

٧٠٠٠٠ ع (٤) د ..... ر سے الا کی رقوم میں مطوم کیا جائے توع ' لا کا ایک تفاض ہوگا اور اگر ع کی یا تیبت سالوات (۱) میں مندرج کی جانے اور جو ایک ہی بات ہے کہ رحم مساواتوں دا، اور (۳) سے ساقط کیا جائے تو ہمیں لو 'ما میں ایک ربط حاصل ہو گا اور ید می تعندتی ساوات کو بوراکرے گا ۔ اب ع كوساواتون ا= ع لا + ت دع) ٠ = لَو + ف رع) سے ساقط کرنا وہی بات ہے کہ ج کو ساواتوں ما = ج لا+ ف ( ج ) (で) (さ) + リ = ・ سے ساقط کیا جائے یعنی ج کی مخلف نیشوں سے لئے خط ما = ج لا بد ف رج ) كا نفاف معلوم كيا ماك. اس کے مساوات مفروضہ کے مل دوطرح سے ہیں۔ دا) خطی عل جے دو مکمل انبدائی" کہتے ہیں اور جس میں ایک اختیار ریمان شار شَقَلْ شَامَلَ مِونَا ہے۔ (۷) لفافٹ یا" نادر حِل" جس میں کوئی اختیاری منتقل شامل نہیں ہوتا اور نیزیہ حل مکمل ابتدائی ہے اختیاری مستقل کی گلبہ کوئی خاص عددی قیست مندرج کرنے سے حاصل نہیں ہوسکتا۔ ان طوں سے درمیان مندسی ربط یہ ہے کہ کا مل ابدائی خطوط کے آیک قبیل کو تعبیر کرتا ہے اور ناڈر حل ان سے نظوط کے آیک فات کو میں میں ہے۔ اور ناڈر حل ان سے نظاف کو ۔ نادر ملوں کی مجت اس کتاب کی صدد سے باہر ہے اور مرید معلومات سے سئے طالب علم بڑے رسالوں کا مطالعہ

طالب علم فور أبيجان ليكاكم أدر حل ما عم الولا مكاني كى ساوات ب اوركام ابتدائى ما = م لا + لم مكانى كى ساوات ب - مكانى سے ماسس كى ساوات ب -

استسله

 $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$   $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2$ 

تَعْرَق كرنے سے

ع = فه (ع) + لافتر (ع) <del>فرع</del> + سَادع) <del>فرع</del> جس سے ولا + لا فرع) = - سارع) - ع اب اگرساداتوں (۱) اور (۲) سے ع کو ساقط کیا جائے تو اصلی مساوات کا کامل ابتدائی حاصل موگا۔ مثال عل رو العداع لا +ع الله دا) تفرق كرنے سے ع = ٢ ع + ١ لا وع + ٢ ع ورلا يا ع ولا + الا = - ع ع يني فر علا )=- ٢ع جس سے ماصل ہوتا ہے ع لا = - ہے ع ل در در) ان ساواتوں کا ع ، ماصل اسقاط اس طح ماصل ہوسکتا ہے - بہلے ع كے لئے مساوات (۱) كو عل كرد بچر (۲) ميں مندرج كرو -ليكن أكر بتجه كومنطق صورت ميس بيش كرنا مطلوب بهوتو اس طرح على كره مادات (١) سے عظہ عظ لاہ او د (1) ニューシャーラはーラー اس سے عالا۔ عام۔ الد: اس مساوات اور ع + اع لا - ما = . سيم جليبي ضرب ك

1 = E = 1/2 جسسي عصل اسقاط ب ١ (م + ١ ولا) ( لا + م) = (لام - ١ و) اء ع كو ساقط كرنے كا جبرية على كئي صور توب ميں مشكل يا تا حكن ہوتا ہے ایسی معدرتوں میں استفاظ کا عمل فی الحقیقت نہیں کیا جایا کیکن مساواتوں (۱) اور (۱) کو الیسی ہمزاد مساواتیں خیال کیا جا تا ہے جن کا ع<sup>ے مص</sup>ل استفاط مساوات زیریجب کا عل مطلوب ہوتا استبل ذبل کی مساوا توں کو حل **ک**رو ١- ما = ع الا+ع 1-1=6K3+3 ナートー (キャン) ヒーナ 4-1=3" 18+3" ٥- ١= (ع+ع) لا+ عا- ١ - ١ = ١ ع لا+ع ٨- ايك منحي سے نقطه ن پر كا ماس محور و ما سے ت پرملتا ہے اور رست اس زاویہ میلان سے ماس کے مناسب ہے جو ن ست کا ولا سے ساتھ ہے منی کومعلوم کرو۔ آگسفورڈ شمالم 9۔ جو منی یہ خاصیت رکھتے ہیں کہ خوالہ کے محوروں بر اُن کے مارہ مان کے مارہ کا محمومہ مشقل ہوتا ہے آن کی تفرقی مسادی م مروب امل ابتدائی معلوم کرنے سے ماس کی مساوات اور نا در مل منحنیات زیر بحب کی مساوات معلوم کرویہ

١٠- وه شخي معلوم كرو جن كي صورت مين اس مثلث كا رقبه جو عيس اور حوالہ سے محدروں نے درمیان بنتاہے متنقل ہو۔ ا - جن منجيات مير عاس سے اس مصد كا طول جو حوالہ سے محدوں ك درمیان کشا ہے ستقل مو اُن کی تفرقی ساوات معلوم کرو کال ابتدائی اورنا دیمل کو حاصل کردِ آور ہراکیب کی ہندسی تعبیر تنا دُ۔ ١١٠ ايك سيني تفرقي مساوات ما = ع (الا مع ) شو يورا كرا ب نيزاكر لا = ل توع = . مُ منحى كى مساوات معلوم كرو أَ أَمُ كَسفور دُّ الْمُصْفور دُّ الْمُصْلَمُ الْمُ ١١٠ مناوات ذيل كاكامل ابتدائي اور نادر لهل معلوم كرد ولا ( ا - و ا ) = ج ( و + ( و لا ) } السفورة سكت ] ١٠- تابت كروكه أكر لاكي س اور ماي من توساوات ويل ·= 6 と 1 + (ビーレガーレン) 4 - ヒカー

کلیروی شعل میں تخویل ہوسکتی ہے۔ اس طرح سے اس کاکامل انبادائی اور نادر عل معلوم کرو۔ نیتجہ کی تعبیہ بهان کرو به

رتنيهٔ دوم کی

طُلُ کُنا چِنداں مشکل نہیں ۔ 19- صورت اول نرض کردکہ یہ خلی مساوات ہے

اسكى نون كي صورت بوكى في المراء ف ولا + ف ا = ل

جہاں ن ' ق استغیر لا کے تفاعل ہیں۔ اس ساوات کو مل کرنے کی تدبیریہ ہے کہ پہلے رکو مندف کرکے ساوا

کا کوئی حل معلوم کیا جائے یا ویسے ہی بھانپ ریا جائے۔ فرض کروکہ مانہ فہ زلا ) اس کا ایک فل ہے' اصلی مساوات میں رکھ ماء ى فدرلا)

ما= می فدرلا) + می فکر (لا)

رشبهٔ دوم کی

الم = مى فه زلا) + ٢ نى فكر (لا) + مى فكر ولا) ان قبتوں کو مندرج کرتے سے

می فد(لا)+۲ کی فکر (لا) + می فگر(لا) + ت کی فر ( لا ) + ف ی فکر (لا )

+ ق می قد (لا ) = ل

ليكن فد (لا)+ فن فد (لا)+ في فدر لا)=. حب مفروض اِس نے کہ ( فد دلا) + ف کی = لے

جو می کے کئے خطی مساوات ہے منگمل جزو ضربی ہے

وكأف م فرالله المراكم وكن مراد

ى ﴿ فَهِ دِلا ﴾ و مولا على الله الله و الله الله و جس سے دوسرائکلی اور اس کئے تفرقی ساوات کامل ماصل ہو سکتاہے

المثال-اس ساوات كومل كرو فراط + لا فرال - الأماء لا و- المنا

يهان اه الاساوات والما دات والما الما الما ما والما الماك الما الماك الم اس کے رکھو مات لا می

5+5 ×= + 15++5 Y = 1

تغرقي مساواتيں رننبهٔ دوم کی 2+(-1 + K") 2) = K" 6- " اور منظل بروضربی ہے وک ( الله + لام) ولا يا لام والله بس ور (ی لا وج ) = لا ادر ى لا و الله = الم + ا يني سي الله و الله و الله و الله و الله و الله و الله اور مل مطاوب ہے ما = - لا موسم + او لا کر الم الم و فی مرلا + دبالا ۲۰ - صورت دوم - ایک حرف غالب (د) اگر سادات میں لا موجود نه بوتو فرض کردکه یا = ع ا = وع وع مرع الم اسطی سادات فد (ا الم الله على) .. بوباتى ب in (1) 3, 3 63 )=. اوریہ بہلے رتبہ کی سادات ہے ۔ رن اگر ما موجود بنوتو فرض کردکه ما = ع

متال ا - سادات ما ما + ما = م ما كومل كرو -يهال معاوات مين لاموجود نبين بي يس ركمو ما = ع اور ما = ع در ع

$$\frac{1}{1} \frac{d}{dx} = \frac{1}{1} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{1} \frac{d}{dx} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

رتنبه دوم

 $\frac{\sqrt{K}}{2} = \frac{3\sqrt{3}}{1+3}$   $\frac{1}{2} = \frac{3\sqrt{3}}{1+3} + \frac{3}{2} = \frac{3}{2} =$ 

 $1+3^2 = \frac{k^4}{l!}$  (فرض کوو)  $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right)$   $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right)$ 

بس سے ماصل ہوتا ہے رما یہ لا مالا ہوتا ہے جر لا مالا ہوتا ہے ہے۔ اور ب اختیاری متقل ہیں۔

جهال اور ب اختیاری متعل این -

 $\frac{c_{1}y}{c_{1}y}$   $\frac{c_{1}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{1}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{1}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{1}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{1}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{2}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{1}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{2}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{1}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{2}y}{c_{2}y}$   $\frac{c_{2}y}{c_{2}y}$ 

-=6+1/4 -4 = +1 -4

9- ما مارية مام - ما (اكسفورة مصمله) ١٠ - مساوات (١- ما) فركم - ما ( فركم ع) = ١ ما كومل كرو معلوم به مِنْ = بَكُم مَاء. [الكنوروسية] ر مستمرم ہے کہ لاہ<sup>ا کا</sup> ماکی ایک قیمت ہے جو مساوات ذیل کو پورا ارتی ہے الا (كوك الا- 1) مراط م لا ( + كوك الا- 1) مرا + 4 م كوك الا = -اس کا پرا مل معت و مرفر و آن مرفسی ایس مطافشا ] ۲۱ - عام خطی مساوات کسی ایک رقم کا محال دینا اب ہم زیادہ عام مساوات پرغور کرتے ہیں جہاں ف بن نہ اسک تا کے معلومہ تفاعل ہیں ا د دی ۲۰ وی دری المحما دی+ د دی + دری + دری + دری + ۱۰۰۰۰+دی 

+ن دي + ....+ن و يى +ن ری = ق ي کاس ن وب ف و ج۔ اً کر و کو اس طرح منتخب کیا ما سے کہ ود - مرد یا د و و کرد توس رقم میں می واقع ہوتا ہے وہ خارج ہو جاتی ہے اس وات اس طرح متحب کیا جائے کہ تفرقی ساوات پوری ہو تو وہ رقم حس میں ہی <sub>۔۔</sub> واقع ہوتا ہے خارج ہو جاتی ہے۔ د + ن ر + ن د ب سه ن و اگر در کی ایک تیمت معلوم مہو سے یا ویسے ہی بھانی لی ما سے وادیرے جلد کو صفر نبادے تو سی = عا اور اس لئے می = عا ادر می = علی رکنے سے ساوات کا درجہ بقدر ایک کے كم موسكما ب - طالب علم ديكيه كريه حمله شكل مي وبي ع جومساوات معلومہ کے وائن جانب کا رکن ہے ۔ اس سے اگر مساوات کاکوئی مل ما یہ و کسی طرح سے معلوم موسے

اس نے اگر مساوات کا کوئی عل ما یہ و کسی طرح سے معلوم موسط جب ما یہ و کسی طرح سے معلوم موسط جب اور جب سے اور جب اس کا بایاں رکن خدف کی جائے ہی اور بھر ہی یہ عا فرض کرنے ہی جم مسا دات کا ایک رتبہ کم کر سے ہی

جيسا اويرييان موا درج دوم كي مساوات المدن المدف ا = ق

میں ما = و کی ون فرالا سی مدرج کرنے سے اصلی ساوات

بعض اوقات ساده صورت

بی بی میں میں ہے ہے۔ میں تحول ہوسکتی ہے۔ لیکن اس سادات کا عام عل ابھی تک ہنیں طاصل کیا گیا۔ "تُعيك"يا حاضرتفرني مساوات

۲۳ - اگر ن ح ق تو لا حرال تفرقی سے اور ما خواہ کجھ ہی ہو بہ تکمل ہو سکنا ہے

کیونکہ اُگر ح<mark>ر کا</mark> کو مان سے تعبیر کیا جائے تو

کرلا کی درلا = لا می ا - ن کرلا ا می رالا

كلا الم رلاد لا - الم م - (ك-1) كلا الم ولا

 1-4-2 21 (1-) +.......

ظاہر ہے کہ جب ق و ن یا حن نو کمل عمل میں نہیں آسکتا۔ مہم ما ۔ اوپر سے سئلہ ابتدائی یا تہدیدیہ کی مدد سے ہم اکثر طبدی دیمھ

سکتے ہیں کہ مساوات معلومہ حاصر ماؤٹ ہے یا نہیں ۔ کیونکہ اگر سب سے
پہلے تمام رقمیں اس سکل (للا کی کی جن میں ت ح ف الگ کر لی جائیں
ایک تمام رقمین اس سکل (للا کی کی جن میں ت ح ف الگ کر لی جائیں
اور ان فقط دیکھنے ہی سے ہم فوراً نبا سکتے ہیں کہ یاتی ماندہ ارفاعر کال

و ہیر بیران کا دیم ہی سے ہم ہارہ بہ سے م تفرق سر نباتی ہیں یا نہیں۔

مثال لا الم + لا لم + لا لم + لا م + ا = جب لا

اس مُلَّه تہمیدیہ کی نیار پر لا الله اور لا طل کا مل تفرقی سروی اور طاہر کے اس مناوات کا ہے۔ اس مناوات کا ہے کہ لا ما کا کا کا کا تفرقی سریب اس کے اس مناوات کا پہلا تفرقی حسب ذیل ہے ۔

لألم - الاطر+ المر + لا مل - الألم + إلام - والم + لام = - جم لا+ ال

۲۵ - جانیج کا زیاده عام طریقیه

حاضر تفرقی مساوات کو برکھنے کا عام طریقہ مسب ویل ہے جبکہ مساوات

كن ما دلا =

كن المراد = ن الكون المراد

كن ما ولاء نيم المدي ما المرت ما الولا

کن سام و لا ہے نی سام دنتی ما بات کی سام کرنتی ہا ورلا وغیرہ دغیرہ اس لئے جمع کرنے پر ظاہر ہے کہ اگر

ن - ن + ن - ن + ن - ن + ن - ن ب + ن ب + .... = ٠ تو ساوات مفروضه حاضر مساوات ہواواس کا پہلا تفرتی ہے

+ (فی ہے-----) ماہ ----- کر و فرلا + او مثال کیا مشال کیا مساوات لا کیا ہے ، الآم + ۴۶ لا ما ہے جب لا حاضر مشال کیا مساوات لا کیا ہے ، ۱۲ لا کا ہے ، ۱۲ لا ما ہے جب لا حاضر مساوات ہے ؟

ساوات ہے ؟ حاضر مساوات كوجانچنے كے طریقہ كے موافق ہم د كمينے ہيں كہ دن = ١٢٤ كا ع = ٢٦ كا كن = ١١ كا كن = كا

اور نئى - نئى + فئى - ئى = ١٩٧٧ - ١٥٧٧ + ١٥٧ لا = ٠ معلوم مواكه يه حاصر مساوات ب اور اس كا بېلانكملى ب

حاضرساوش

دایاں رکن کامل تفرقی سر ہو گا اُگر ۱۲ لا سے ۲۲ لا ۴ + ۱۲ لا ۴ = ۰ شرط پوری ہوتی ہے ، بس دوسرائٹکلی ہے

(人は一ヶ屋) トードリーニャー・シートレイントー

لاً ا=جم لا + الله + ب لا + ج

ا معلمه استابت كردكه لا في + ۱۵ لا مل + ۲۰ لا مل + ۲۰ لا ما = فو حاضر مساوات

ہے، اسے پورے طوربرحل کرو۔ ۲۔ مساوات ڈیل کوحل کرو

لا ملی با ۲ لا ملی ۲ می با برجب لا (ملی - ۱۷ ملی) برجم لا (۱۳ ملی - ۱۷ عرب الا ۱۳ - ذیل کی مساواتوں کے پہلے محملی معلوم کرو ۔

(ل) لا م + لام + م = فو

رب لا الم + لا الم - ا = لا الو

(ج) لا يا + لا يا + ما + لا = لوك لا

م - ارسادات في ما + ف ما با ف ما على متكل مندوفي

مه موتو تابت كروك كدمه ذيل كى تفرقى مساوات كو پوراكرتاب في مد ديل كانفرقى مساوات كو پوراكرتاب في مد مد في مد مد) =.

عانم طئ تفرقی مساوات عامرحطي تفيرتي مساوات ن ویں رہب کی عام خطی تقہ فی مساوات کی شکل ہے

بیاں کئ من من کئی کہ .... من اور و کلا مے معلوم تفاعل میں۔ رُوك مساوات كوكي خاص على اله فن دلا) ايس ابي بجانب لیا گیا ہے یا مسی طرح سے معلوم کر لیا گیا ہے۔

سب اگر ما عن ولا) + می مساوات میں مندرج کیا جائے تو حال 

فرض کروکہ می ہے ہی کہی ہی اس مساوات کے ماہی تب ظامر ہے کہ ی = ادبی + ادبی + اوبی + .... + ادبی مي مساوات دم) كامل ب اور اس مين ن مستقل ل ، لو ، لو ، د لو

شال رس -

اسلخ ما د لرى + لرى + لرى + ٠٠٠٠٠ لرى + ت (لا) مساوات کا ایک ایبا مل سے حس میں ن مستقل شامل میں اوراس کے

ت کا عام سے عام حل ہے اس کا صه ف (لا) خاص مکملی (خ ،ک) کملاتا ہے اور اس کے باتی ماندہ حصہ کوجیں میں ن مستقل شامل پر متھم تفاص رم من کہتے ہیں خطام رہے کہ شمہ نفاعل اُس مساوات کا حل سے جو اصلی مساوات ب اہیں رکن تو صفر کے مساوی رکھنے سے حاصل ہوتی ہے۔ اگریہ دواد على معلوم برو جائيس لو مساوات كا پوراط ان كا مجموعه ب \_ ٢٧- و مسيمور صورتيس ووصورت بي جن كے عل بالعم ممالي سے ماصل ہو سکتے ہیں۔ (۱) جب مقدارین ف م ف کی .. رف سب متعل موں (۲) جب مساوات فویل کی شکل اختیار کرے بهان الم الوجيد . . . و مستقل بي اور ص الا كاكونى تفاعل بـ آگے طیکرمعلوم ہوگاکہ دوسری صورت کا عل ایک الیبی سیاوات کے مل یہ موقوف ہو سکتا ہے جو پہلی قسم سے تحت میں آتی ہیں ۔ متنقل سرون والى مساواتين يتتمم تفاعل ٢٨ مد سب سے بيلے ہم اس طرح كى مسا وات

ل معلوم کرنے ہیں جس میں تمام سرستقل مقدادیں ہیں اور بایاں صفر ہے ایکی فی اکھال ہم صرف «مشم تفاعل معلوم سمر نے کی توثر ئے ہیں۔ آز ماکش سے طور پر فرض کروکہ ما = او فوالا مساوات کا حل ہے ، اسے مندرج کرنے سے عاصل ہوگا م + الم م - ا + الم م - ا فرض کردکہ اس مساوات کی اصلیں م، مر مر سر س ہیں جنہیں ہم فی الحال ایک دومرے کے نا ساوی فرض کم تب لرومالا كرومالا كرومالا كيين لومالا تمام عل بین اور اس سنے مايد الرومالا + الروم الا + إلى والمولا + . . . . . + إلي واللا . . . . . . + إلي واللا . . ایک ایا ص بے مس میں م اختیاری مستقلات و او کو کو است شامل ہیں اور یہ عام سے عام حل ہے جو حاصل ہو سکتا ہے ۔ ۲۹ - دو اصلیس مساوی اگر مساوات (۲) کی دو اصلیں مساوی ہوں سُلاً مم = مم توط

دس کی بہلی دو رقیں ہو جاتی ہیں ( او + او ) و الا ا اب چونک او برای ایک ہی مستقل ہے اس نے اختیاری ستقلات کی تعداد میں ایک کی تمی ہوجاتی ہے اور اس لحاظ سے دس مساوات تمرتفاعل

ندکورہ کا عام سے عام حل نہیں رہتا۔ اب ہم اسے زیادہ غور سے دیکھتے ہیں فرض كروكه من = مم + مصر الم ومراد + الم و(م، + ه) لا = إ وم الا + ل وم الا ( ا + صد لا + صر لا + ..... = (++t) 814+ tak 6214+tak 6214 1 -----اب چونکہ اور اور اور دو بے تعلق اختیاری مقداریں ہیں اس کے آہیں ہم دو اور بے تعلق اختیاری مقداروں کی رقوم میں دو ربطوں سے رہے ب سے مساوی مرہ جو ایک انتیاری محدود مستقل ہے۔ تُانيًا و كو أيس سے مخلف العلامت مانو اور اس كى قيمت اتنى برى متخب کرو کہ آو + او ایک اختیاری محدود مستقل ب کے مساوی ہوگ اب رقوم

له صوفي الم الم الم الم الم الم

ھ کے معدوم ہو نے کی وجہ سے فا ہو جائیں گی کیونکہ او ھ معدود ہے اور مربع خطوط وصانی سے اندر کا حبد مستندق ہے اور اس میں حد بلو جرو ضربی کے شرک ہوتا ہے۔

یں اگر مم = می تورقوم و فوالله او فوم الا کی بجا ک ہم ب والله ب لا قواللا لكم سكة بن اس في مل مكورين اختياكا

مستقلات کی تعداد ف ہی رہتی ہے ۔ بس اس صورت میں یہ سا وان کا عام عل ہے۔

متحرتفاعل

مو مین اصلیس مساوی اب ہم اس صورت برغور کرتے ہیں جب ساوات (۲) کی تین اصلیں ساوی موں بینی ممرا = ممرا = ممرا = ممرا حسب بلارقوم او ومرالا و ومرالا و ومرالا و ومرالا و ومرالا کی سباک میم

(ب + ب لا) والله له والله كم مكة بن -فرض كروكه ص = ص +ك

تب له ومولا له و ومولا و ومولا (الحروم الله مرا له مرا الله مرا ا

(ب+ إ) والا + (ب + إك) لا والد لك الا والد

+ الم كالا والا والله + كالا بسا بسر الله بسكة بين كرسكة بين كرسك

ب + ارک = ج ارک = ۲ ج س

جہاں ج 'ج ' ج کوئی اختیاری مستقل ہیں خواہ ک کیم جی ہو

بشرطیکہ یہ صفر مطلق نہ ہو۔ لیکن جونکہ او گیا کو ایک محدود مقدار کے ساوی منتخب کیا تیا ہے اور خطوط وحدانی کے اندر کا سلسلہ مستدق بے اس لئے ظاہر ہے کہ ک کو لاانتہا کم کرنے سے بالآخر اس جدی انتهائي صورت يه بوگى (ج + ج يد + ج يد ) والا\_ اسو - کئی اصلیس مساوی اس طح ظاہر ہے کہ اگر ساوات در) کی ع اصلیس ساوی ہوں بینی

م ا = م ا = م ا = . . . . . = م ع تو ہارے مل کی عمومیت میں کسی قسم کا فرق نہیں آئے گا اگر ہم متمم تفاعل سے متناظر حصہ

لروالا و والا بسب الي واعلا

کے لئے چلہ (ک + ک لا + ک لا + .... + ک لا ع - ا ) والا رکھدیں

ا الله کی میری زیادہ علم طور ریر اگر کوئی خطی تفرقی مساوات ہوئی کے سرخواہ مستقل ہوں یا نہ ہوں اور اس کا سمم تفاعل

إ فررم،) + إ فرمم) + إفرمم) + .... + إ فرمم ہوتو معلوم کروکہ کہ حین صورت میں صل = صل بہو تو اس حلم کی بچائے کیا رکھا جائے

فرض کروکه میں= میں + صر

ت فدرم،) = فررم، + ه ) = فدرم، ) + هر رفدم، الم طرفدم، الله فرفدم، الله فرمم الله فرمم الله فرمم الله فرمم الله فدرم، ال

متمم نفاعل

( المراج في ) فه (عم) + و هر قرص الله عرف المراه في المراه الله عرف المراهم) + .... اب رکھو البال و ب اور ال صد ب جمال ب اور سي دو محدود ستقل ہیں۔ جب جم ہے کو لاانتہا کم کرینگے تو اوپر کے سلسا کی باتی رتیں بالاُخر معدوم ہو جائیں گی۔ رپس کر قہ (م،) + لے فہ (م،) کی بجائے ب فد (م) +ب، فرقر (م) ركا با كا ب اور اس طرح متم تفاصل مين اختياري ستعلات ب ب ب الي الي كي ..... الي کی وہی تغداد (ن) قائم رہتی ہے جو پہلے تغی ۔ اور وفعہ ۳۱ کی طرح ہم تایت کرسکتے ہیں کہ اگر ع اصلیں سادی بوں بینی صار = ماء = ماہ = ... = ماع تورقم فم فد (م،) + فرفد (مم) + .... + فع قد (مع) کی بجائے ہم ب فررم،) + يم وفرم، + يم وافرم، + بيم ومراه + .... + بع وعا فرم، رکھ سکتے ہیں میں سے حل کی عام شکل قائم رہتی ہے۔

دفعات ۲۹ کس ۱۳ سے نتائج اس نیتجہ کی خاص صورتیں ہیں ان میں فر (۱۳) کی صورت مو<sup>الا</sup> تھی۔ متمم تفاعل

سابدو۔ خیابی اصلیس اگر دفعہ ۲۸ ساوات (۲) کی ایک اسل خیابی ہوتو یاد رہے کہ حقیقی سروں وائی ساواتوں میں خیابی اصلا کے ہمیشہ جوڑے واقع ہوئے ہیں۔ مثلاً فرض کروکہ مم = لربخ ب مم = لربخ ب جہاں غ = ا

ملا فرص فروله سما فه و+ ع ب سما و و عب بوس علم الا تب رقوم إلى و الله و الله الله و الله و

= إ والا (جم ب لا + خجب ب لا) + إ والا (جم ب لا - خجب ب لا) = ( إ + إ ) والاجم ب لا + ( ا - ا ر ) خ والاجب ب لا

ب جم ب لا + ب جب ب لا = د جم (ب لا - عم)

ب و الاجم ب لا ب ب ولاجب ب لا كى كاك يم ولاجم (ب لا+ جر) رکه سکتے ہیں جاں ج کہ ج اختیاری سنقل ہیں -به ٤٠ کررخيالي اصليس كرر خيالى اصلوں كے لئے ہم بہلے كى طح على كرسكتے ہيں كيونكم يہ تا ہو چا ہے کہ اگر ص یہ م تو او والا + او وم الا کی بجا ک (ببا+ببولا) والا لكها جاسكة ب اور له ومسلاب والوي كابك مرلا (بر+ بر لا) و بحراكر م، = م، = او + خ ب اور مي = م ، = او -خ ب توہم المواله إواله إواسلا إواملا کی سجائے (ب+بالا) ولا و + (بر+برلا) و و يني ولا إلب + بين عمب لا+ (ب - ب ) خرجب ب لا] \* لا فولا [(بر+ب)جمب لا+(بر-بر) خرجب ب لا] اوراسك و (جم بلاج جب بلا) ملاقو (ج جمب لاج جب بلا) متمم تفاعل

يني و (ج + لاج )جم ب لا + و (ج + لاج ) جب ب لا يا دوسرى صورت مي هم فولنجم (ب لا+ هم) + هم لا فوسمي (ب لا+ هم) آخری تین صورتوں میں سے ہرایک میں جار اختیاری مستفل شال ہوتے ہیں جو انبدا کے اختیاری منتقلات لڑ کو او کو کی بجائے ہیں یس اس صورت میں بھی اختیاری مستقلات کی تعداد (ف) ہی رتنی ہے جو اس مل کو عام سے عام بنائے کے لئے ضروری ہے۔ ظاہر سے کہ اس قاعدہ کی توسیع اس صورت میں بھی ہو سکتی ہے جبكه فيائي اصلول كي كوئي سي تغداد مساوي بو ـ همادات ورا مادات ورا مادات ورا ما ما عدد كومل كرو اس مُلِد أز مائشي مل ما يد إل والا بيا اس كو مندرج كرف سه مالل ہوتا ہے حبکی املیں ۱ اور ۲ ہیں۔ يس ما = إل ولا اور ما = إلى والا وونون خاص عل بي اور

ا یہ و وقو + لو وقو الا عام عل ہے وہ وہ النتاری متعل ہیں۔
عام عل ہے جس میں دو اختیاری متعل ہیں۔
مثال ہو۔ حل کرو فراط ہے۔ کو مثال ہو۔ کو یہاں الا دی مسادات مم ۔ لا ہے۔ ہے اور اس کی اصلیں مے یہ لو

بتتم تفاعل

اورعام مل سے مد او فول + او والا اور اگر ضرورت ہو تو اسے ہم اس طرح لکھ سکتے ہیں ا = ب جمرولا + ب جبرولا جہاں اڑ کی بجائے م<del>نا ہوں</del> اور اڑ کی بجائے <del>بنا بین</del> لکھاگیا مثال سو - فرا الله + والم = . كو مل كرو يبان اعدى معادات ما + الله عنكى اصلين م = ع وخ بي اور عام مل ہے ماء رجم اولا + او حبب اولا يا دوسرى صورت بي أء أب جم (الر الا + بير) -= 6 x - 42 0 + 1 2 x - 1 2 - x - 1 = - x - 1 يا (عف - ١) (عف - ٢) اله . جهال مراد كي بجاك عف لکھا گيا ہے۔ المرادي مساوات ہے مم - ہم مم + ۵ مم - ۲ = -(ص-۱) (م - ۲) = - ' يعتى اصليب اكا ٢ بي پس عام مل ہے اور ( د ادلا) ولا اور مثال ۵ - (عف ۱۱) (عف ۱۱) اعد امادی ماوات ہے (مم + ۱) (م - ۱)=-جس کی اصلیں ±خ ۲۰ بیر اس سے عام مل ہے ا = إجم لا+ إحب لا+ ي و

متمرتفاعل

يا ١٥ بجم (لادب) + إ ولا مثال ٢- حل كرو (عف +عف + ١) (عف - ٢) ا = - كو امدادی ساوات ہے (مرا+م+) (م-٢)=-اور اس کی اصلیں ہیں - الله ف لیا اور م اس نئے عام ص ب ا= إو ترجم للسلود وتجب للسلاد وال يا ا=ب و تجميم ( الملك + بد) + إ ولا مثال ٤- (عف عف+١) (عف-١) (عف-٥) ما يكوم كرو ما= (إ+ الإلا) وتت بم الإلا + (إر + إدلا) و تلجب الإلا +(١٠ + ١ ١ + ١ ١ ١ ) و + ١ و ١ ١ جس میں انظر اختیاری متنفل شائل ہیں ۔ ا مثله ذیل کی تفرقی ساواتوں کو مل کرو ا- ورا + الراب) ورا + اب ا - ا ٢- قرط - ٢ و قرط + 11 و قرط - ٢ و ا ا و المراد المرك -= 610 - 600 rm+ 600 q - m1 - m

 $l = \frac{6r_0}{r} - 0 = 6r + \frac{6}{5}r - \frac{6r_0}{r} - r$ ١- (عف-١) (عف-١) ا=. ٨- (عف ١٠) (عف ٢عف ١٠) ماء - ٩- (عف ١٠) (عف - ١) ماء ١٠- (عفي + ١) (عف +عف + ١) ما = ٠ ١١- (عف -١) (عف -١) (عف ٢ + عف + ٢) ا = -١١- (عف المرا) (عف ببا) (عف به باعف المباع) ا خاص تکملی الاس اوير ہم نے ساوات ف (عفن) ما = و كے متم تفاعل بر غوركيا ہے جان ف (عف) = عف + لرعف + لرعف ٢٠٠٠ ل اور المراكب الرئيسة المستقل بين هه الأكاكوئي تفاعل بنه اب ابم اس مساوات سے خاص تكملي كو طاصل كر شيكي حيند كارائد طرافيوں بر غور کرتے ہیں ۔ بهم اوبركي ماوات كواس طرح لكفت بي ما = الله والما و يا [ن (عف)] د جان الله ايك ايا عامل مكر ف (عف) [ الماعفي و] = و

کسے ۔ "عف" جبرومقا لمبر کے اساسی اصولوں کو بورا کرہا ہے تفرقی احصا میں یہ ثابت ہو دیکا ہے کہ عامل عف

> ریغی مرکزی توانین ذیل کو بورا کرنا ہے۔ (۱) جبرو مقابلہ کا تقیمی قانون یعنی

عف (می + و + هر + ...) یعف می +عف و +عف ط + ....

(۷) قانون سیادلہ صرف بلحاظ ستعلوں سے یعنی حف ( ج ہی) : ہج (عف ہی) رس) قانون قوت نما یعنی

عف عف ی = عف کی

جہان ہے 'ن سنبت صبیح ہیں۔ نیس رفز یا علامت عف جرب مقادیر کی بابھی ترکیب کے تمام ابتدائی قوانین کو پولا کرتی ہے صرف متغیر مقداروں سے ساتھ اس

کا تبادلہ نہیں ہو سکنا۔
ایس معلوم ہواک کسی منطق بسریہ تمائل کے جواب میں عاملوں کا بھی ایک مثلاً سرنملہ ثنائی کی روسے کا مثلاً سرنملہ ثنائی کی روسے

اور ایسے بی بغیر مزیر تبوت کے عاملوں کے لئے مناظر سئلہ کی روسے (عف ہ ر) ما عدد نا ب ن رعف + نادن -۱) راعف + ... + و کا ما

ه**س –** عل ت (عث ) ولا تفرتی احصا میں یہ نابت ہو چکا ہے کہ اگر استبت صحیح ہو تو عن و د الا فرض کروکہ عمل عفت کم الیاہے کہ ر کی رہائے تا ہے۔ عف عف کٹی ہے ی اس نغریف سے مطابق عف اعمِل تکمل کو تعبیر کریا ہے ' ہم فرض کرتے ہیں کہ عل عف اسی میں تھی اختیاری منتقل کا اضافہ بئیں ہوتا (کیونکہ بہاں بہیں صرف ایک خاص تکملی کی تلاش ہے نہ کرمام سے عام مکملی کی ) اب چونکہ عص ہو ۔ وولا عض عص وولا اس سے ظاہرہ کہ عف رولاء را ولا اس لئے ظاہر ہے کہ ن کی نکام مثبت ، شفی صحیح قیتوں سے لئے عف دلا ۔ ال دولا ۹ سے فرض کروکہ ف (ہی) کوئی جلہ ہی کا ہے جو ہی کی سٹبت يا سنى صحيح قوتوں ميں ( = حج او سئ جباں او ايب ستقل ہے اورہی برمنمصرتیں ہے ) پھیل سکتا ہے تب ن رعف) ولا = (محرد عف) ولا = ( و الم عن اله الا = ( و الم اله اله ) والا

سے حاصل موتا ہے ۔ مثال ا - عفي المعنى ال اس قاعدہ کی روسے قبت مطلوبہ ہے شال ۲ - عف + ۱ شال ۲ - (عف + ۲) رعف + ۳) رعف + ۲) اش قاعدہ کی رو سے قیمت مطلوب ہے ممدد والا مالا فوالد مالا امثله ا۔ فیل کے علوں کو پورا کرو ۔ (۲) <u>(عن ۱+) (عن ۲+)</u> و (۱) <del>(عف + ۱)</del> بو (٣) <u>(عن ٢+) (عن ٣٠) (غن 4)</u> حجزلا ۲- تابت کروکہ عن- و) (عن- ب) (عن- ج) حرج کر ہوگا ہے۔ اور کر عن- و) (عن- ب) عن- و کر ہوگا ہے۔ اور کر استان کرنے میں دفعہ وس کو استان کرو ف (عف عن عب ملاء ف (-مم) جب مهلا ت رحفاً) جم ملاء ف(- م) جم م لا

ف (عف ) جير م لا = ف رم ) جير م لا ١٨٠ - عل ف رعف ) ودلالا فض كروكم ا = ولا ما جان ما كا كا تفاعل سعد تب جونکه عن فو یا اولا اس کے لیب نیز کے مسلک کی روسے الماء ولا (وماج و"عف ماج وعف ماج العف ما المسبعف ما) ا مع ملد تنانی کی طرح لکھنے سے ماصل بوتا ہے [ دفعہ ، ۲ ] عص ولا ما وولا (عف + و) ما جہاں ن متنبت صیح ہے۔ اب فرض کروکہ (عف + د) ما = کا جے ہم لکم سکتے ہیں ما = (عصابو) کا تب چِنکه عف ولاما = ولا مف + د) ما يا عف ولا (عب + ا) كا = والا اس کے عف والا لا ۔ ولا (عف + 1) " لا اس کے تام صورتوں میں ن کی مثبت اسفی صیح قمتوں کے لئے عف ولا لا = فولا (عف+ر) لا

اله مد جيسا وفد ١٩ مين بم سن وكيما ن (عف) ولاها = { ( العف ) والألا = ﴿ ( أوعب والالا) = وللح إ (عم+ و) لا و الما عف + ال مال ٧- عفا يهعف ١٠ ولاجب لاء ولا عب لاء ولاجب لا امثله ا - ذیل کے علوں کو بورا کرو ۔۔ رعف - ا) ولا ، رعف - ا) ولجب لا عن - ا فولوك لا 

١٧٧ - عل ف (عف") جي م لا

عف جب م لا = (-م) جب م لا جم جم اور اس کئے عفار جب م لا= (-م) کے جم اس کئے حب سابق (دفعات ۱۳ م) معلوم ہوگا کہ ت (عف الجب ملاء ت (-م) جب ملا متال م يولنبب بلا مرلاء عف لولاجب بلاء فو (عف + في جب بلا [دخام] - الا رعف جب ب لا - و الا -عفرا وُلاجم ب لا، ولاجب لا، ولاجب لا، جبرلاجب لا سو ذیل سے علوں کو یورا کرد ۔ 

سهم - عل المعنى جم م لا اب ہم عل الم عن جب م لا پرغور كرينگے جال ف دى ايك ایسا تفاعل سی کام کے اسے ہم می کی مثبت صبح قوتوں میں پھیلا کتے ہیں۔ وض کردکہ ف (عف) کو عف کی قوتوں میں بھیلایا گیا ہے اب اگر تھیلاؤ میں طاق تو تیں مشرکی نہ ہوں تو دفعہ ماقبل سے قاعدہ کی . رو سے اوپر کے عمل کا نتیجہ فوراً حاصل مہوسکتا ہے۔ لکین اُگر ہر دد طاق اور جفت تو تیں شٹرکٹ کہوں تو اس طیح عل ہر کتا ہے' حفت تو توں کو الگ اور طاق تو توں کو الگ اکھٹا کرو اور عمل نذکورکو اس طیح کھیو ف (عفن) حب م لا = فرعفاً) +عف فارعفاً) جب م لا مر (عف) - عف فا رعفا) عب م لا عنا المرعفا ) - عنا الفارعفا ) الم = [فررعفا) عف فارعفا) [وردمم الم إفار-م ال فردم) جب م لا-م فار-م، م م لا آفررم) الم+ م لفار-م) ] ا

= والا <u>ا عن الم عن الم عن الم</u> جم لا کھنے سے آ ۔ والا عقاب ہم لا عقاب ہم الا عقاب ہم الا عقاب ہم الا عقاب ہم الا عمال جم = والا عف+ ا جم لا = م = = ( عف + 1) - 2 - والا ( جم لا - جب لا) امتيله ١- جلات ذبل بر مندرجه ذيل عل كرو-عف - ا و جب لا رعف - ا) (عف - ا) و جب لو لا عصاما ولاجب لا + عصرا وتلاجب لا ٢- نايت كروك (عصرون) و= ولا كرك ... كرولا و ولا ... ولا جال دن تملی علامتیں ہیں۔ ۱۰ - تابت کردکه در ۱ می کوجزوی کسرون بی تعلیل کرنے سے

و در المعنى و معولى تكملوں مے طاصل جمع كى صورت بيں بيان سمم الله عامل من رعف و جان و تقدار جبریہ ہے۔ اگر عل ما در عن و منیر لاک ایک جریه ، منطق میج تفاعل مونو ہم ون عفی کوسی نہ کسی طریقہ سے عف کی صعودی قوتوں میں اس مدیک بھیلا سکتے ہیں کہ عصف کا قرت نا و میں لاک بڑی سے بڑی قوت سنے سادی ہو۔ معال ا - مثلاً مطوم كرو المعقب المعناد (الم + لا+ ا) = (١-عصا+عت -عصا+...) (الا+لا+) \* (ピナピー)-(1+ピー)= جله = و (عف ۱۱) + ۳ (عن ۱۱) + ۲ (عف ۱۱) - 1 لا ا = ولا الماعن + اعداء الماعن ا

19 (... "ie 049 - "ie 19 + ie 10-1) = (4x 049 - 44x - 49 + 44 - 4 - 4) - = امثله ذیل سمے عل کرو۔ ١- (عف ١٠) (عف ١٠) لا عن (عف ١٠) لا عما (عف ١٠) لا ٧- رعن +١) (عن +١) و لا ، عف (عدا) لا جزلا ٣- (عف-١) لاجمز لا جم لا ۵۷م ایسی صورتیں جن بی یہ طریقے ناکام رہتے ہیں۔ خاص مکملی حاصل کرنے کے جو طریقے اوپر دیج کئے گئے ہیں ہیں استعال كرك يس اكر اوفات كئي صورتين ايسي بيدا موتى بي جاب يه المريقة كامياب أبين موسكة اب بهم ير تناف كالموشش كرف إن كه اليبي مالتوں ميں طرز عل كيا ہونا جا سے۔ ١٧٩ مساوات فرال - ما و ولاكومل كرو شمرتفاعل و قو ہے۔ فاص بکملی ماصل کرنے کے لئے مناور والی قیت معلوم ہونی مِا بِهُ - الرَّبِم وفيه ١٩ كا فاعده واستنال كريس تو ماصل موكا

خاص کمیلی تفرقي مساواتين 41 اس مشکل سے بچنے کے لئے ہم دفعہ اس کا قاعدہ استعال کرتے ہیں جس سے عال ہوتا ہے ہومطلوبہ فاص تکسی ہے۔ ایک اور طریقہ استعال کرنے کی بجائے ہم عمل عف ہے ولا کا بغور معسائنہ کرتے ہیں -لاکی کجائے لا (۱+ه) ککنے سے اس جلہ میں سے صد ہا ولا التناہی ہو جاتا ہے لین اسے ہم متم تفاعل او وہ کے ساتھ لے سکتے ہیں اور جو ککہ او کی قیمت ا نعتیاری ہے اس کئے ہم اوب لیے کو ایک نیا اُختیاری مستقا

ب تصور کرنتے ہیں کیونکہ ولکا ایک حصد منفی اور غیر متناہی فرض کیا جا سکتا ہے جو تقم لے کا نوازن کردے گا۔ البیں الا فو مطلوبہ فاص مکملی ہے۔ باتی رقموں میں ه شرکی مونا ہے جو ه کے لاانتہا کم مونے ہے

معدوم ہو جاتی ہیں ۔ يس سادات كايوا عل اه الو لا قو سيع

مثال ٢- ساوات ورم مل ٢٠٥ م و ١٠٠ م الدكومل كرو متمرتفاعل صريًا يه ب مًا = الحب الا + بجم الا فاص کملی کے دو حصے ہیں عمالہ ہم فویا 6 و اور مفاہم جب الا دوسرے حصہ میں اگر دفعہ وہم کا تا عدم استفال کیا جائے تو حاصل برگا عبب الله يغي ٥٠ يس يه قاعده ناكام رب كا-اب ہم عصلی جب الا (۱+ه) کی انتہا معلوم کرتے ہیں جبکہ يرجله = الم ا- (۱ لا+۲ مر لا) حبب (۲ لا+۲ مر لا) = الم يعدمة (جب الاجماه لاجم الاجب اهلا) = - ١ مرا الرا المرا الم =- ١ جب الا - به لاجم الا + ه كي قويس = ( ایک ایسی رقم جومتم تفاعل میں شرکیب کردی جاسکتی ہے) - الاجم الا + (رقبی جو حد کے ساتھ معدوم ہو جاتی ہیں) کیس نفرتی مساوات کا پورا حل ہے ما الرحب الا ب جم الا + الحراد المراد المرا

خاص بملي

ممال سام مساوات (عف بسعف) رهف- أ) ما في المولا بالإلا لا اس صورت بين متم تفاعل صريحاً البه إلى ووالله (اليه إله الا) والم فام مکملی کے پار صے ہیں لینی  $\frac{1}{\sqrt{2a^{2}+42a}} = \frac{1}{\sqrt{2a^{2}-1}} = \frac{1}{\sqrt{2a^{2}-1}} = \frac{1}{\sqrt{2a^{2}+42a}} \times \frac{1}{\sqrt{2a^{2}-1}} \times$ + لل ولا + (الیسی قیس جو صر کے ساتھ معدوم موجاتی ہے) (عف + العف) (عف سا) حب لاء (-۱+۳عف) (-۲عف) جب لاء = بعدا 44عص جبالاء المراعي جبالاء مر 4 عمراً) جبالاء المراعد (عفاله المعنى) (عف- المعنى (المعنى المعنى ال 

خاص تکملی 44 يني و سم ترعف البي السي يني فو  $\frac{\dot{\tau}}{V} + \dot{V} = \frac{1}{2}$  يني فو  $\frac{\dot{\tau}}{V} + \dot{V} = \frac{1}{2}$ يعني وح لا خرائل مرس لا) ين بس خاص مكملى ب كاجم لا - س لاجب لا

ا و د جرلا + وجمزلا + وجب لا + وجملا + لاجملا - بالاجبيلا

ا۔ مندجہ ذیل کے خاص مکملی طاصل کرو 

(m) عملات جنرلا (م) عفاته ولا لا (٥) (عف-١) (عف-١) (عف-١) ولا (٢) عفي - ا (جزرلا جب لا)

> (٤) (ععا-لا) (ععا-با) (و + جمزب لا) ١ - ويل كى تفرقى ساواتوں كو مل كرو-

عامل لا مركة (1)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (2)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (3)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (4)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (5)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (7)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (8)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (9)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (10)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (11)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (12)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (13)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (14)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (15)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (16)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (17)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (18)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (19)  $\frac{e^{y}}{c} \cdot d = e^{y}$ (۲) <del>و لا۲</del> - ا = جمزلا (م) (عف ا- ۱) (عف ا- ۱) ما دلا و (۵) رعف-۱) (عف+۱) عمام ادلا - ا (٢) (عص - سعف - سعف + ١) ا= قو + لا (ع) (عفا-) ماد لاجب لا (٨) رُعما- ١) ما د لا ولاجب لا . (٩) رعما- ١) ما = جزلاجملا+ أ (١٠) (عف-١) (عف ١+١) ما=جب الله + ولا + لا اس تسم کی مساوات لا مرد المرد المر اس صورت میں فرکلے = وقت اور اس نے لا فرما = فرما

فلمرب كه عال لا ولا ورق اور ورت ايك دورك سے معادل بي

عامل لا فرلا

فرض کروکہ ورت کی بجائے ہم عف کلتے ہیں اس طرح سے مال .... کے ساوی رکھنے سے اب ن كو بالوائر الم س لاً ولا = (عد-١) لا وزلا = (عد-١)عدائم لئے عام طور ہیر د<sup>ن</sup> ما <del>3 کان</del> = (عص- ن+1) (عص- ن+1)....(عص -1)عص عف (عف-۱) (عف-۷) .... (عا مثال - ذیل کی تفرقی سادات کوعل کرو لاً ولاء + ورا م المرا ورا م المرا و الم المرا و الم المرا و المرا المرا و المرا المرا و المرا المرا و المرا المر ركبو لاء وت ، اس طح ساوات بوجاتى ہے عصارعا-)(عف-٢) ما ٢٠عف (عف-١) ما ١٠٠٠ عن ما ١٠ و ٢٠ و عامل لا وكه **4** ي (عصا - عصا + اعف - ا) ما = والت + وت ينی (عص-۱) (عصرٌ+۳) ما = ولات ہو جس سے عاصل ہوتا ہے ا = الوق + بجم ت الله +ج جب ت الله + فوت + ت و ياء ولا + بجم (اس لوك لا) +ج جب (اس لوك لا) + للم لله ذیل کی تفرقی مساواتوں کو ص کرو +جب تى لوك لا 

٥-(١٠+٠١) حرام + ب (١٠+٠١) حمل + ق ١٥٠

۸ هم کار میشری مساواتیں به کساوات ن دلا ما کارہ منتیا کے ایک قبیل کو تعبیر کرتی ہے' آپ سوال زیر سجٹ یہ ہیے کہ اگر منحنیات کے ایک قبیل تی مساوات دی مہوئی ہوتو بھ ایک ایسے قبیل منحنیات کی مساوات معلوم کریں جس کا ہرایک رکن ایکے قبیل سے مرایک رکن كو على القوائم قطع كرك به ربيها ليلي تبايا كيا كيا بي ايس سوالات مين ضورتكا ہے کہ پہلے قبل کے تمام رکنوں برایک ساتھ عمل کیاجا کے اس تحاظ سے خصوص کرنے والامتقل کر اس قبیل کی مساوات میں شرکی نہیں ہونا چاہئے ' دفعہ ۲ میں بتایا گیا ہے کہ او زیل کی دو ساوانوں کے ذریعہ ساقط ہو سکتا ہے

ف (لا 'ا ' ا) = ٠  $\frac{-4}{4}$   $\times$   $\frac{-4}{4}$   $\times$   $\frac{-4}{4}$   $\times$   $\frac{-4}{4}$   $\times$   $\frac{-4}{4}$   $\times$   $\frac{-4}{4}$   $\times$   $\frac{-4}{4}$ 

زض كروكه يه عاصل اسقاط فه ( لا م ا ، فر لا ) = . ہیں یہ بیع خبل کی تفرقی مساوات ہے۔ اب جہاں پہلے نظام کا ایک رکن دوسرے نظام کے ایک رکن کو

قطع کرتا ہے اس نقطم پر ان دو منعیات کے ماس علی القوائم ہن ۔ یس اگر اس تقطہ نقاطع کے رواں تحدد ملحاظ دوسرے قبیل سلے ضا ، عا اور اگر اسی تقطہ کو پہلے قبیل سے مدکورہ مُنی پر خیال کیا ما اور اس کے محاظ سے اس کے رواں محدد لا ، ما ہوں تو ضا = لا 'عا = ما ' <u>فرها = - فرلا</u> ... و منا <u>- و منا - و ما </u> اس کئے دوسرے قبیل کی تفرقی سیاوات ہوگی ور (ضاء عائ حرضا ) = . اور اس کو تکمل کرنے سے پہلے نظام سے قائم مرمیات کا قبیل حاصل ہوگا۔ اس کے قاعدہ یہ ہے۔ مساوات معادمہ کو تفرق سرد اور منتقل کو ساقط کرو میسر فرال کی مجا ولا معو اور تفرقی مساوات کو مکمل کرد ۔ ۲۹ فطبی مساواتیں - ارمنی کی ساوا تطبی محددوں میں دی ہوئی ہو

نووہ ناویہ جو سمتی نیم قطر ماس کے ساتھ بنانا ہے د فرطد ہوگا اس صورت میں فاعدہ مذکورہ یہ ہوگا۔

سادات کو تفرق کرو اور متقل کو ساقط کرو کمچرر مرطم کی و له بجائے - إلى فرل كى كى تفرقى مساوات كو كى كى كى كور

٥٠ - دائرون كي قبيل الأب مآية ١ او لا . . کا ہرون مور ماکو مبدا برمس کرنا ہے، اس قبیل کے قائم مرمیات فائم مرحى

اور لا كو ساقط كرنے سے لا + ما = الا (لا + ما حرف )

اور لا كو ساقط كرنے سے لا + ما = الا (لا + ما حرف )

يعنى لاً + الأل فرل - ما = ... (٢)
اس لئے نئی تفرقی مساوات ہوگی

لاً - الا ما فرل - ما = .

اِ ما + الاما <mark>قرا</mark> - لائة · ای متالنده مادری مراه ریس میرا در او کور سرد

جو ایک متجانس مساوات ہے اور اس میں ما = و لار کھنے سے اس کے منفر الگ ہو سکتے ہیں ۔ منفر الگ ہو سکتے ہیں ۔ مگر حوتکہ اس مساوات اور مساوات (۲) میں صرف اتنا فرق ہے

کہ لا ' فاکا ہاہم تبادلہ کردیا گیا ہے کاس کئے اس کا تکملی ہوگا ۔ ا کا بدلا تا کہ ا جو دائروں کا ایک اور نظام ہے جس کا ہر ایک رکن محود کا کو مبدأ ہر مرسی تا ہے۔

مس کرتا ہے ۔

مثال ہو۔ مغنیات  $\frac{K'}{\ell' + L} + \frac{J'}{+ L} = 1 \dots (1)$ کے قائم مرمیات کا نظام معلوم کرو جاں لہ اس قبیل کا مّبدل ہے ۔

(١) سے ماصل ہوتا ہے لا (بالد) + مامار ( الله لد)=. <u>ルトラーシー</u> یں اس تبیل کی تفرقی ساوات ہے' (四) .... リーリョ(十一,6) トリートリュリュ اس کے ماسی بجائے۔ ا مین سے مطاوبہ مرمیات سے قبیل کی تعلق مساوات ماسل ہونی ہے لیکن چونک اس میں اور ساوات (۱۷) میں کوئی فرق نہیں ہے اس کئے اس کا تکملی کھی دہی ہوگا 1= 1 + 14 + 14 جوائیی مخروطی تراشوں کا ایک نظام ہے جو پہلے نظام کے ساتھ ہم میں اسکہ ہیں۔ مثال سو۔ وکی مخلف قیمتوں کے کئے صنوبری خطوط سے قبیل س لہ = اور ا مجم طد) کے قائم مرسیات کا نظام معلوم کرو۔

يهان ورك و دجب طه اور او کو ساقط کرنے ر خطر = المجم طه = مس طم اس کے قائم مرسیات کے قبیل سے کئے ۱ - فرز = مس ظیم له - وطه = مس ظیم یا لوک رے م لوک جم طبے + ستقل یا لہ = ب (۱+ جم طبر) جوہم محورصنوبری خطوط سما ایک اور قبیل ہے جن کے قرنوں کا رخ ا- وكى مخلف قيتوں كے لئے مكافيات الا = م و لا كے قائم مرمیات کا نظام معلوم کرو۔ ۷۔ نابت کروکہ م کی مخلف فیمتوں کے لئے متنابہ نافصوں کے  $\frac{k''}{k''} + \frac{k''}{k''} = a'' = a'' = a''$  k'' = k a''' + - a'' = a'' = a''لاے اور مان ہے۔ س- لاکی مخلف قیتوں سے لئے ساوی الزاویہ لولبیوں كقبل لد ال وطم عمر كے قائم مريات معلوم كرو-

۵۔ ثابت کروکر منحنیات کے قبیل لا ۔ ۳ لا ما ۔ او ک الا ۔ او کا ۔ او کے ب علم الذہ اُئی مید

على القوام بن -٧- ثابت كروكه بنحنيات رجب عده او (حجم طد جم عد) اور دجبر بده او (حجنربه -جم طد) على القوائم بين -

عی الوام ایا -۱- اگرف (لابخ ما) = می بنخ در تو تابت کردکه ای = اداد د = ب

قائم منینات کے دو نظام ہیں۔ ٨- نابت کردکہ مدکی کسی منتقل قبیت کے لئے منحنیات کا قبیل

جمز لا حتم الم - مه حمر ما = متعل مستقل قبيل مه حمر لا - مه حمر ما = مشقل معنيات كو على القوائم قبيل مه ممز لا - قمز لا جم ما = مشقل سي منينيات كو على القوائم قد سرس مر

نظع کرتا ہے ۔ علم حرکت کی جیند مشہور مساواتیں

اه- ساوات فرائي + ى = ن (ى)

ایک ایسے ذرہ کی حرکت می عام ساوات ہے جو ایک مرکزی قوت کے زیر اثر حرکت کردا ہو۔

٢ فرى كے ساتھ ضرب دينے اور كمل كرنے سے

( فری ۲ + ی = ۲ ن (ی) + او

جے ہم اس طرح لکھ سکتے ہیں کر اس طرح لکھ سکتے ہیں ہ اس طح حل عل مين أسكنا ہے-علا مستقل سرول والى + مناى = ت رطه ) مستقل سرول والى ایک خطی مساوات ہے ' ایسی مساواتوں پر پہلے کبٹ ہو کبی ہے ان کا مل اس طرح ہمی عل میں آسکتا ہے ۔ دن طد سے ساتھ ضرب دو جو متکل جزو ضربی ہے متکل جزو ضربی ہے متکل کرنے سے متکل کرنے سے جب ن طد وری - ن ی جم ن طد = کرن (طر) جب ن ط درط د اسی طرح جم ن طر مت کمل جرو ضربی ہے اور اس کے جواب میں بیلا تھی جم ن طه مری + ن ی جب ن طه= مَرَّ ن رَطَه جم ن طَه وَرَّ رَطَه عِبَم ن طَه وَرَطَه الْبُ فربی کو ماقط کرنے ہے ن ی = کَمِن (طَه)جب ن (طه-طَه) وطَه+بجب ن طه ۔ ارتجم ن طد سون ۔ ایک ایسے جیم کی ساواتِ حرکت میں کی کمیٹ بدلتی ہو اکٹریہ صورت اختیار کرتی ہے حرب فرلا حرالا عرالا) عن (الا)

ادر اس کا متکمل جزوضرنی فد (لا) فرت ہے۔ كيونكم فرلا) فرك فري (فرلا) فرك عسارلا) فرالا) فرالا وت بس سے ماصل ہوم ہے ﴿ فدرلا ) فرالے } = کرسارلا) فدرلا) فرلا ا ا الم ما الا در الا ) ورا الله عند الله شفير عدا ہو گئے ہن میں حل مطلوب طاصل ہو سکتا ہے۔ مزيد توضحي مثاليس م ۵ کئی مساواتوں کو خاص ترکیبوں سے اویر کی کسی نہ کسی معیاری سورت میں تحویل کرنے سے مل کر سکتے ہیں۔ فض کروکہ ولا ہب ما ہی ت و ب و الم و الم يس او+ب ن دى = وي اور فرلا = فری (۱۷) ا لا+ ج = کر المبدن ناری

 $\frac{d}{dt} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dt}{dt} \left(d + \frac{dt}{dt} + \frac{dt}{dt}\right) + 1 = 0$   $\frac{d}{dt} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dt}{dt} \left(d + \frac{dt}{dt} + \frac{dt}{dt}\right) + 1 = 0$   $\frac{d}{dt} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dt}{dt} dt = \frac{dt}{dt}$   $\frac{dt}{dt} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dt}{dt} dt = 0$   $\frac{dt}{dt} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dt}{dt} dt = 0$ 

الا ( حرالا - ما ) حرالا + ا=٠ ا ى = لا فرى + ا - ا ا ى = لا فرالا + فرى ا

جو کلیروی شکل کی مساوات ہے اور اسی کا کائل ابتدائی ہے لا ما = لا م +  $\frac{1}{3}$  مثال سو- والا + ا = را م ا = والا + و الا + و

عا- ضا حرعاً = را + ( حرعاً ) ا جو کلیروی شکل کی مساوات ہے ' اس کے اس کاکال ابتدائی ہے عا = ج ضا + را + ج

يا و المجاز الم

مثال ۲۰ و لا ما ( حرا ) + ( لا و لا ا - لا ما - لا ما و الله مثال ۲۰ و لا ما و الله و

یا وس ( وت ) + (س - وت - ب) وت - ت یا۔ یا وس ( <del>وس</del> ) + (س - وت - ب) <del>وس</del> - ت یا۔ بن ت (۱+ و وت ) یاس وت (۱+ و وت ) - دون

ینی ت (۱+ او فرت ) = س فرت (۱+ او فرت ) - ب فرق جس (۱+ او فرق ) - ب فرق جس سے ماصل ہوتا ہے ت = سی فرت - ب وقت اللہ فرت اللہ فرت اللہ فرت اللہ فرق اللہ فرق

ره را به المربح المربح

اس كا تادر على ب لا له را- و ما له له رات .

بو جار خطوط منتقیم ہیں۔ مثال ۵- (ا+ ارالا) حرا با + اولا حرا با ان ماند، کومل کود

مزيرنوفيجي مشالس فرض کردکہ مساوات کو ہم اس طِح تبدیل کرنے ہیں کہ فرط = فرن المب الراب الرابات من الله المرب المر اب وله والمناز  $|e| \frac{e''_1}{c''_1} = \frac{c''_1}{c''_1} - \frac{c_1}{c''_1} - \frac{l_1 l_2}{c''_1}$ يس ساوات معلوم اس طح كي ساوات ورام + تي ا =. میں تحویل ہو جاتی ہے، جس کا ص ہے ما يه او جب تن ت به ب جم ن ت اور جب ت کی قیمت لاکی رقوم میں مندرج کی جاتی ہے تو حل معلم ماصل ہونا ہے ۔ 1 اگر او مثبت ہو تو

ته بنز ( لا ۱۷ ) وت اگر و سنی ہوتو اللہ اللہ اللہ = درت

منال ٢- زبر ي مهزاد تفرقي مساوانون كو حل كرو (جو منتقل سرو دالی تحطی مساواتیں ہیں )

م ورلا + و درا + مم لا+ وم ما = ت ٣ ول + > ول ٢٨٠ لا + ١٩٨٠ و

ہم ان ساواتوں کو اس طرح لکھ سکتے ہیں ، عص ، ورت کی بجائے لکھا گیا ہے

> ١١ (عف + ١١) لا + ( ٩ عف + ٢٩ ) ما = ت (٤ع ١ - ١٩ ) لا + (٤ع ع ١ - ١٩ ) ما = و

ان مساواتوں بر با نشرتیب عصب + ۴۸ اور وعصا + ۴۸ کے ساتھ عل کرنے اور تفریق کرنے سے ہم ماکو ساقط کرتے ہیں اور حاصل ہوتا؟

[(١عف+١١٨) (عفف+١٨)- (سعف +١١٨) (١عف + ١٩٨) إلا = ۲۸۴٤ ت ۵۸ و

يا (عمة + عمل + 4) لا = ٤ + ٢٨ ت - ٥٨ و

جي سے مما ب لاہ او ق ب و خفائد عف الله الله مع ق مروق )

يالاء الوت + ب و الله + ب + ب + ب الله الت - ب ) . الم و ما کو حاصل کرنے کے لئے ہم حرا کو اصلی مساواتوں سے ساقط

كرتے ہيں ، يبلى ساوات كو ، سے اور دوسرى كو و سے ضرب دو اور تفراق کرو اس سے حاصل ہوگا ورلا + ١٧ + ١٠ ع ت - ٩ و يس ماء عت ، ٩ و - ١٧٠ ولا = ٤٠٠ - ٩ قو-٧ ( لوقو + ب قو + <del>١٩</del> ت - <del>١٩</del> - ٢٥ و ) -(-رو - ۲ب و ۲۰ - ۱۹ - ۲۰ و<sup>ت</sup>) =- ارقو + بم ب قو + <u>٥٥ - ١٠</u> ت + <del>١٢ و</del> پس لا = اوق + ب و الم م الم الله عن الم الله و الم الله و الله ما = - روو + ٧ ب و - ٢٠٠٠ - ١٠٠٠ و ا [طالب علم فرال كا اسقاط كا بغور طاعظم كرك اس طرح زياده متقلات کو شرکی کرنے کی ضرورت ہیں پڑتی ] مثال ٤ - فيل كي ممزاد سا واتون كو حل كرو ورا + م ورا + ۱۲ الا= · -= 69+ 30- 6 7

يه مسا واتي أس طرح مي لكهي جاسكتي بس

بمزادمساداتين (عف م ۱۲۱) لا+ سعف ما = . - ٥ عف لأب (عفا + ٩) ما = . ان مساداتوں پر بالترتیب عف ہے و اور ساعف کے ساتھ علی كرن اور تفريق كرف عيد بهم ماكو ساقط كرت بي اور ماصل دفين [(عفا + ١٦) (عفا + ٩) + ١٥ عفا ] لا = . يا (عصم + ٥٠عصم + ١٢٥١) لا = ٠ يني (عفي ٢٠١) (عف ٢٠١) لا = . بست لا = رجب بات + بجم ات +ج جب ان احرم ان ما كے تفرقی سروں كو سافط كرنے سے لئے بہلى مسادات كو تفرق كرو اور دوسری کے سہ چند کو اس سے تفریق مرو اس طرح ملیگا 6 r2 = 100 r1 + 100

س سے ہمیں ماکی قیمت حاصل ہوتی ہے (بغیر نئے مستقلوں کو سریک كرنے کے )

ا=-٧٠جب٧ت+١١جم٧ت+ وجب٧ت واجم٧ت

١- ١ لا م فرا - (١- لا) أ = لا

٢- قط م ورلا + ٢ جب م ( ولا ) + مس م = لا

٣-(١٠٠١) وردم + و (١٠٠١) ورد + بالا) ورد + بالا)

-= 6 + 62 ("\ (+ 6") = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 1 + 1 = 1 + 1 = 1

٥- (١- ١٤) ورا - الا ورا + ن ماء. ٧- و ١ - و ١ - ١ - و ١ - و ١ - و ١ ) ٤- حرا = عرب الا-ما جم الا+ ما جم الا ٨- فيل كي تفرقي مساواتون عيملي عاصل كرد (ب) ورا + ا فرا + ۹ م = ۲۵ جم لا (ج) لأ قرط - 4 لا قرط + ١٠ ما = - [أئى سى ايس] 9- ذیل کی ہمزاد مساواتوں سے نظام کو حل کرو ·= m· + & m + 6 10 + 6 70 ورتنی + ۲ ما + ۱۰ ی + ۴ = ۰ [آئی سی ایس] ١٠- اس منحني كي شكل معلوم كروجس مي رو اب مها س كم ميلان كا متناسب ہے۔

۱۱- ایک منحنی میں کسی نقطہ برکا انحا ایسے بدلتا ہے جسے اس ناوید کی جیب انتام کا مکعب جو نقطہ نمکورہ برکا ماس محورکا کے ساتھ بنا تا ہے بمنحنی کی صورت معلوم کرو۔

۱۲- جس منحنی میں انحنا کے نضعت قطر کا ظل محور سا برمتقل ہو

اس کے لئے نابت کروکہ

(1) w  $\infty$  (1)

(۲) ما حد لوک قط کلا نوٹ - (۱) میں سی قوس کا طول ہے اور سا ماس کا

میلان ہے محور کا سے ساتھ ۔۔

<del>१०६०३०</del>५

جوابات

تعزتی مسادانیر موم

## جوابات

صفحہ (۲)

إ\_ لا سس لا ـ لوك قط لا = ما سس ما ـ لوك قط ما +ج
ا لا - قا + لا - قط لا = ج

1=(1+6+4) =+6+4+64+-

۵- لوك (آ+ ما = لوك لا+مسن لا+ج ٢- ١ (و-ولا) = لا +ج

と+ソクト=に (1) コーラ で=し(1) ータ

(ア) ((3-4)= と (カ) しょとり) (ア)

٠١٠ لا= الآ-اً + الوك المراق الراء وجبكه لا=٠

صفحہ (۱۱) من الا بسن الا ا۔ ۲ما تو ہے ہے ا۔ رؤ ہ با) ماء احب ب لا۔بجم بلاجج قو

صقحہ (۱۷) ا- أ بوك (د+د-١) + ا لوك الموجاء الم الموك الاعج بمان دع ما ٧- إلوك (١ و + وسم) + م وك ١١٥ + ١ - الم وك ١١٥ - الم وك ١١٥ - ١٠٥ الم وك ١١٥ - ١١٥ الم وك ١١٥ الم وك ١١٥ - ١١٥ - ١١٥ الم وك ١١٥ - تفرتی مسادانیں ہم م

جوابات

۵- ع طاصل اسقاط ذیل کی مساواتوں کا ہا = لا (او ع + بع + ج) اور لوک لا { او ع + (ب - 1) ع + ج }

 $\frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1$ 

۵- الا- ما + لوک (لا+ ما) = ج ۲- ۲ ما - ۱ لا = لوک (۱ لا + ۱ ما + ۱ ) + ج ۵- الا + ۱ لا ما + ۱ ما - ۱ لا - ۱ ما + ۲ = ۰ ۸- لا + ما - ۲ لوک (۱ لا + ۲ ما + ۲) = ج

تفرقی ساواتیں

90

جوابات

صفحہ (۲۵)

إ - أ + 1 = ج وُلا بع ا = ا - ا ا الله ع ا الله ع الله ع

7-16(6+K) = 7-16(6

 $V = \begin{cases} \frac{1 - (1 - (1 - 1)^{1 - 1})}{1 - (1 - 1)^{1 - 1}} \\ = 1 - \frac{1}{4} \\ = 1 - \frac{1}{4} \\ = 1 - \frac{1}{4} \\ = 1 - \frac{1}{4}$ 

۱- ۱- ۴قا۲۰ ت ۱-۶ کا ۱-۸ کا ۱-۱۰ کا ۱-۱ کا ۱-۱

صفحہ (۲۸) ۱- ا= ج لا+ ج ' الا + ۲۲ ا= . ۲- ا= ج لا+ ج ' ۱۲ الا + ۲ لا = .

שו ו= ד ע+ ד ש ויין רט-ו) ע בי

تفترتي مساوانيس

ド(3-1)=-3+デョナラ 7- 1= (3+3) K+ 3 3 K= 1+1 63

1 = (3+3) K+ 3 = 1 - 3 ع الا= (ا- ١- ١ والقادة المحالة المحال ۲- ا= ۱ع لا+ع ع لا=- <u>ن +۱</u> ع لا=- <del>ن +۱</del>

ا ٥- م = وع لا+ بع " الاع = - المرب ع المرب ع المرب المر ۸۔ قائم رائد ۵۔ مکانی جو محوروں کومس کرتاہے ، ا۔ قطع زائد اا - چار قرنوں والا در ترویر لا الم مانے وا 11-NT) = 6x-11 キ(リー) こしきょうしーリア ا= ج سجب طد-١ له= لوك <del>سبح حب طه</del> ١١٠ مَا = ج لاً - ببع ، مخوطيون كا ايك سلسله جو جار خطوط صفحہ (۲۳۱)

١- ١ = لا لوك لا+ و لا+ب ٢- ١ = وجنر ( لا + ب)  جوايات

۵- (لا- ف) + (ما-ب) = ل ۲ - لا+ب = راد فرا الله فرا الل ع- مابب= كر الاقتلاب - الا فرالا · + リラーラ(ナー・) ∫ = しート 1+b+y - - = b - 9 ١١- ١= ب لالـ الالوك لا صفحہ ( ۲۲) ٧- (الأ+جب لا) ا=جم لا+ اللا + ب لا +ج الم رو) لأي - الأي + + لا با + (لا-٢) ا= قو + ال (ب) لاطر - يا + يا = قو + ال رج) لا يا- ٢ لا يا ١١٠ لا يا- ١٩٠ في ١٠١٠ في + إ رلاً + ما )= لا (لوك لا-١) - إ

صقحہ (۵۵) اس نبری سے جوایات میں او کہ ب کہج وغیرہ اختیاری مستقل ١- ١= إ و ا ب و الله الماء إو الماء و والم سر ١٥ إ و + ب و + ج و م م م ا و ( ١٠ ب الا ) و + ج و م ۵- اولا ب و جد الالا بح و جم الالا ٧- ا= لولود ب ولاج جب لا+ حجملا ٥- ا= ( الم+ب الا) فو+ (ج +م لا+ع لا) والا ٨- ١- إ بب لادب جملاء ج و تنجب لالسلام و تنجم لالم ٩- ١=(١٠٠١ ١١) جب لا+ (ج+ د لا) جملا+ (ع+ ف لا) و ١٠ م = (١٠ ب ١٧ + ج ١١ ) جب ١٧ + (٢ + ع ١٧ + ف ١٤) جم ١٧ + (گر + مهلا) قو تخب لااس + (س + ص لا) قو تجم لااس ١١- ١= (١+ب ١٧ ج ١٤) و + ح والم الم الم والجب ١١ + (گ + ص لا) قولاجم لا

جوابات

+ ن جم ب لا + گ و سجب ج لال موق م علال ا +س وسجب علا الم وسم جم علا الم  $\frac{\sqrt{9}}{1r} + \frac{\sqrt{9}}{1r} (r) \frac{\sqrt{(r+d)(1+d)}}{(r+d)(1+d)} (r) \frac{\sqrt{9}}{r} (1) -1$ ولا لا م الحجب لا الا ولا لوك ( الح ) ١- وولا ( أو ب ب ) الم جم (ب لا-مسن اب ب ولا مراه الله مراه المراه المراع المراه المراع المراه الم الرجب لاجمرلا-جملاجبرلا)

صفحہ (۷۲) ا- (۱) - لاجملا (۲) لاجب، لا (۳) لاجب، لا الحجملا (۳) الله جمرلا

(١٥) كو (١٠) كو (١٠) كو (١٠) كو (١٠) كو (١٠) كو (١٠)

رس ما في فو لو فو لل بيا لا جبرلا رس، ٥= وجب لا+ وجم لا+ الم ولا الحجب لا + لا - ولا + ولل (جب لا- ٢جم لا) (م) ما= (البدايلا) فو + الي قو + الي قو جب الا الله (0) 1= ++ はん+はん+はん・1 = (0) (+) += トラード (1+111) トラート (1-111) トラート (1) (١) معدد ولم في و تحجب لا الله + إلى و تحجم لا الله + - (الا-١) جملا- لاجب لا) (4) ما= إولا + إولا - المجملا جمرلا + م حب لا جنرلا + الم المويلا إلى المويلا الم  جوابات

+ الم المراجب لا+ كلا ولا المراجب الا+ المراجب ا - ١ = إجب (ق لوك لا) + ليجم رق لوك لا) ٧ - ا= إجب (ق لوك لا) + إجم (ق لوك لا) + راوك لا) + وحب (ق لوك لا) + وجم (ق لوك لا) + والمحال المال ال بلا قاجب (لوك لا) عجم دوك لا) \_ لوك لا جم رق لوك لا) + ٣- ما = المراكب الأخب (المسلم المراكب + لله + لوك لا ا- الأنايب سهد ددب وطمس عمر الم المعادم صفحه (۸۹) ١- ركمو مأ = لاى كأ = لا - ولا + ولا + ح لا ولا المه ركمومس لمعرى مساء وجم لا+بجب لا+ لا

٣- ركه وبهبالا= و كا=ج (دبهلا) + (دبهلا) - برب + بردب روب الا - بردب الارب الارب الا جہاں م ، م ساوات بام + (او بو- بام)م + ب=. کی اسلیں ہیں۔ ٧- ركموى = سن لا ع = (الدب)/الله ۵- رکموی = جب الا ، ما = وجب (نحب لا) + بجم (ن جب الا) ٢- ركمو وه = ضا، وا = عا، (وا - ولا + 1) وه = ا ے۔ رکھو حبب لاء ضائحب ماء عائر حبب مارجب لاء) فو او ٨- ١٤) ما و ولا ب ولاجب سلا بع ولاجم سلا رب) ما = (الرب الا) قوالله عجم الا به ت جب الا (ج) ماء و الاحب (لوك لا) +ب المعجم (لوك لا) ٩- ١٠١٥ ارجب ١٧٠ ب جم ١٤ لاجج جب ١١ لا + دجم ١٩ الا ٣ ى = - ٢ ( ارجب ١١ له بجم ١١ له ) + ( ج جب ١٨ لا + حجم ١٧) ١١- ١٥ - ك الأبداد الابب

## ت فهرست اصطلاحا

Clairants form
Commutative law
Complementary Function
Complete primitive
Distributive law
Elimination
"Exact" Differential Equations
Homogeneous Equations
Index law
Irreversible process
Linear Equations
Operator

Canonical form

Order

Orthogonal trajectory
Particular integral
Rigid Dynamics
Singular Solution

صورت البیی کلیمردی صورت قانون مبا دله متم تفاعل قانون تفییی اسقاط متحانش مساواتی عانون قوت نما غیرانقلاب پذیرعل غیرانقلاب پذیرعل غیرانقلاب شدیرعل عامل متاس

خاص گُگهگی استوا راجسام کا علم حرکت نا درحل